

## Lösung A1

### Lösungslogik:

Das Funktionsglied mit dem höchsten Exponenten von  $x$  bestimmt den Grad der Funktion.

Die Vorzahlen der einzelnen Potenzen von  $x$  sind die Koeffizienten.

Die einzelne Zahl innerhalb der Funktionsgleichung nennt man auch „absolutes Glied“.

### Klausuraufschrieb:

- a)  $f(x) = 3x^3 - 4x^2 + 3x + 6$  ist 3. Grades mit  $a_3 = 3$ ,  $a_2 = -4$ ,  $a_1 = 3$  und  $a_0 = 6$ .
- b)  $f(x) = -7x^4 + x^3 - 4x$  ist 4. Grades mit  $a_4 = -7$ ,  $a_3 = 1$  und  $a_1 = -4$ .
- c)  $f(x) = x^6 + 2x^4 - x^2 + 2$  ist 6. Grades mit  $a_6 = 1$ ,  $a_4 = 2$ ,  $a_2 = -1$  und  $a_0 = 2$ .
- d)  $f(x) = 0,4x^4 - 0,8x^2 + 1,7$  ist 4. Grades mit  $a_4 = 0,4$ ,  $a_2 = -0,8$  und  $a_0 = 1,7$ .
- e)  $f(x) = -0,1x^7 + 2,5x^5 - 0,1x^3 + 1$  ist 7. Grades mit  $a_7 = -0,1$ ,  $a_5 = 2,5$ ,  $a_3 = -0,1$ , und  $a_0 = 1$ .
- f)  $f(x) = \frac{1}{2}x^5 - \frac{2}{3}x^4 + \frac{1}{9}x - 6,6$  ist 5. Grades mit  $a_5 = \frac{1}{2}$ ,  $a_4 = -\frac{2}{3}$ ,  $a_1 = \frac{1}{9}$  und  $a_0 = -6,6$ .
- g)  $f(x) = x(x^2 - 2x + 2) = x^3 - 2x^2 + 2x$  ist 3. Grades mit  $a_3 = 1$ ,  $a_2 = -2$  und  $a_1 = 2$ .
- h)  $f(x) = 3(x+3)(x-2)^2 = (3x+9)(x^2-4x+4) = 3x^3 - 3x^2 - 30x + 36$  ist 3. Grades mit  $a_3 = 3$ ,  $a_2 = -3$ ,  $a_1 = -30$  und  $a_0 = 36$ .
- i)  $f(x) = x^3\left(2 - 2x + \frac{1}{2}x^2\right) - 4 = \frac{1}{2}x^5 - 2x^4 + 2x^3 - 4$  ist 5. Grades mit  $a_5 = \frac{1}{2}$ ,  $a_4 = -2$  und  $a_3 = 2$ .
- j)  $f(x) = -2(x-3)^2(x+2) = (-2x-4)(x^2-6x+9) = -2x^3 + 8x^2 + 6x - 36$  ist 3. Grades mit  $a_3 = -2$ ,  $a_2 = 8$ ,  $a_1 = 6$  und  $a_0 = -36$ .

## Lösung A2

### Lösungslogik:

Für den Funktionswert der Funktionen bei sehr großen bzw. sehr kleinen Werten von  $x$  muss lediglich das Funktionsglied mit der höchsten Potenz betrachtet werden.

### Klausuraufschrieb:

- |  |   |
|--|---|
| a) $f(x) = 2x^3 - 4x^2 + x$<br>$f(500) > 0$ ; $f(-500) < 0$                                      | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $x^3$ .  |
| b) $f(x) = -x^5 + 2x^3 + 15000$<br>$f(500) < 0$ ; $f(-500) > 0$                                  | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $-x^5$ . |
| c) $f(x) = x^5 + 100000x - 1$<br>$f(500) > 0$ ; $f(-500) < 0$                                    | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $x^5$ .  |
| d) $f(x) = 3x^8 - 0,0001x^5$<br>$f(500) > 0$ ; $f(-500) > 0$                                     | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $x^8$ .  |
| e) $f(x) = -0,1x^7 + 2,5x^5 - 0,1x^3 + 1$<br>$f(500) < 0$ ; $f(-500) > 0$                        | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $-x^7$ . |
| f) $f(x) = \frac{1}{2}x^5 - \frac{2}{3}x^4 + \frac{1}{9}x - 6,6$<br>$f(500) > 0$ ; $f(-500) < 0$ | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $x^5$ .  |
| g) $f(x) = 3x(x^5 + x^2 - 1500)$<br>$f(500) > 0$ ; $f(-500) < 0$                                 | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $x^6$ .  |
| h) $f(x) = 3x^4(x+2)(x-3)$<br>$f(500) > 0$ ; $f(-500) < 0$                                       | Funktionsglied mit höchster Potenz ist $x^6$ .  |

### Lösung A3

#### Lösungslogik:

Für das Verhalten von Graphen für die  $x$ -Werte  $\infty$  bzw.  $-\infty$  muss lediglich das Funktionsglied mit der höchsten Potenz betrachtet werden.

#### Klausuraufschrieb:

- a)  $f(x) = -3x^3 + 4x^2 - x$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $-3x^3$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = -3x^3$
- b)  $f(x) = 3x^9 - 2x^5 + 15000x$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $3x^9$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = 3x^9$
- c)  $f(x) = x^5 + 100000x - 1$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $x^5$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = x^5$
- d)  $f(x) = 3x^8 - 0,0001x^6$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $3x^8$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = 3x^8$
- e)  $f(x) = -0,1x^7 + 2,5x^5 - 0,1x^3 + 1$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $-0,1x^7$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = -0,1x^7$
- f)  $f(x) = \frac{1}{2}x^5 - \frac{2}{3}x^4 + \frac{1}{9}x - 6,6$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $\frac{1}{2}x^5$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = \frac{1}{2}x^5$
- g)  $f(x) = 3x(x^5 + x^2 - 1500)$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $3x^6$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = 3x^6$
- h)  $f(x) = 3x^4(x + 2)(x - 3)$  Funktionsglied mit höchster Potenz ist  $3x^6$ .  
 $f(x)$  verhält sich wie  $h(x) = 3x^6$

### Lösung A4

#### Klausuraufschrieb:

Abbildung A gehört zur Funktionsgleichung

$$f_2(x) = x^3 - 3x^2 + 2$$

Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $-\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $\infty$ . Der Graph verläuft nahe 0 wie  $-3x^2 + 2$ .

Abbildung B gehört zur Funktionsgleichung

$$f_4(x) = -0,5x^4 + 2x^2 + 2$$

Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $-\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $-\infty$ . Der Graph verläuft nahe 0 wie  $2x^2 + 2$ .

Abbildung C gehört zur Funktionsgleichung

$$f_1(x) = x^6 - 2x^4 + 1,5x + 2$$

Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $\infty$ . Der Graph verläuft nahe 0 wie  $1,5x + 2$ .

Abbildung D gehört zur Funktionsgleichung

$$f_3(x) = x^3 - 3x + 2$$

Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $-\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $\infty$ . Der Graph verläuft nahe 0 wie  $-3x + 2$ .

### Lösung A5

#### Lösungslogik:

Für das Verhalten von Graphen für die  $x$ -Werte nahe 0 muss lediglich das Funktionsglied mit der niedrigsten Potenz sowie das absolute Glied (falls vorhanden) betrachtet werden.

Klausuraufschrieb:

- a)  $f(x) = -2x^3 + x^2 + 2x - 1$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $2x - 1$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = 2x - 1$
- b)  $f(x) = \frac{1}{2}x^5 + 02x^3 - x + 2$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $-x + 2$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = -x + 2$
- c)  $3x^3 + 0,5x^2 + 10000x$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $10000x$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = 10000x$
- d)  $f(x) = -3x^4 + x^2$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $x^2$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = x^2$
- e)  $f(x) = x^6 + x^4 + x^2 - 1$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $x^2 - 1$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = x^2 - 1$
- f)  $f(x) = x(x - 2)(x + 3) = x^3 + x^2 - 6x$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $-6x$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = -6x$
- g)  $3x(x^3 + x^2 - x)$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $-3x^2$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = -3x^2$
- h)  $f(x) = 3x(x^3 + x^2 - 1) + \sqrt{2}$  Funktionsglied mit kleinster Potenz und  
Absolutglied ist  $-3x + \sqrt{2}$ .  
 $f(x)$  verhält sich nahe 0 wie  $h(x) = -3x + \sqrt{2}$

Lösung A6

Klausuraufschrieb:

Abbildung A gehört zur Funktionsgleichung  $f_2(x) = x^4 - 2x^2 + 100$ .  
Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $\infty$ . Der Graph verläuft  
nahe 0 wie  $-2x^2$ .

Abbildung B gehört zur Funktionsgleichung  $f_1(x) = -2x^3 - 2x + 10$ .  
Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $-\infty$ . Der Graph verläuft  
nahe 0 wie  $-2x + 10$ .

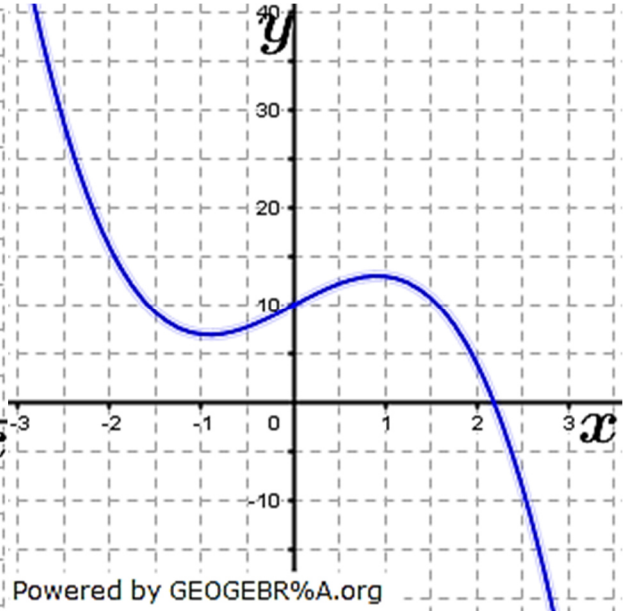
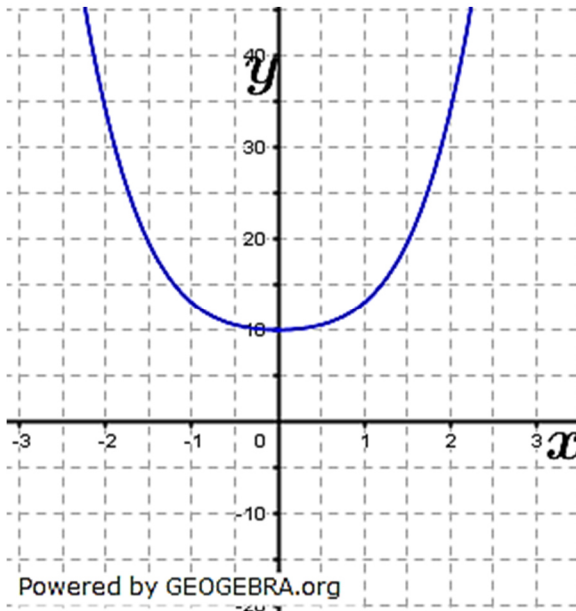
Abbildung C gehört zur Funktionsgleichung  $f_5(x) = x^4 - 8x + 10$ .  
Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $\infty$ . Der Graph verläuft  
nahe 0 wie  $-8x + 10$ .

Abbildung D gehört zur Funktionsgleichung  $f_4(x) = -2x^3 - 5x^2 + 10$ .  
Der Graph verläuft für  $x \rightarrow -\infty$  nach  $\infty$  und für  $x \rightarrow \infty$  nach  $-\infty$ . Der Graph verläuft  
nahe 0 wie  $-5x^2 + 10$ .

Verbleibende Funktionsgleichungen ohne Abbildung:

$$f_3(x) = x^4 + 2x^2 + 10$$

$$f_6(x) = -2x^3 + 5x + 10$$



## Lösung A7

### Lösungslogik:

Aufgrund der Aufgabenstellung sind stets Funktionsgleichungen von ganzrationalen Funktionen 4. Grades aufzustellen. Gegebenenfalls ist  $a_4$  auf 0 zu setzen.

### Klausuraufschrieb:

- der Graph von  $f$  die  $y$ -Achse im Punkt  $P(0|1)$  schneidet,  
 $f(x) = -2 \cdot x^4 - 1 \cdot x^3 + 0 \cdot x^2 + 2 \cdot x + 1$
- der Graph von  $f$  durch den Ursprung geht,  
 $f(x) = -2 \cdot x^4 - 1 \cdot x^3 + 1 \cdot x^2 + 2 \cdot x + 0$
- $f(-1) = 6$  ist,  
 $f(x) = 2 \cdot x^4 - 2 \cdot x^3 + 1 \cdot x^2 - 1 \cdot x + 0$
- der Graph von  $f$  aus dem dritten in den ersten Quadranten verläuft,  
 $f(x) = 0 \cdot x^4 - 1 \cdot x^3 + 1 \cdot x^2 - 2 \cdot x + 2$
- der Graph von  $f$  aus dem vierten in den zweiten Quadranten verläuft,  
 $f(x) = 1 \cdot x^4 + 0 \cdot x^3 - 1 \cdot x^2 + 2 \cdot x - 2$
- die Funktionswerte von  $f$  für  $x \rightarrow |\infty|$  gegen Unendlich streben,  
 $f(x) = 2 \cdot x^4 + 1 \cdot x^3 - 0 \cdot x^2 - 1 \cdot x - 2$
- das Verhalten von  $f$  nahe 0 durch die Funktion  $g(x) = x - 2$  beschrieben wird,  
 $f(x) = 2 \cdot x^4 + 0 \cdot x^3 - 1 \cdot x^2 + 1 \cdot x - 2$
- das Verhalten von  $f$  für sehr große und sehr kleine Werte von  $x$  durch die Funktion  $h(x) = 2x^4$  beschrieben wird.  
 $f(x) = -2 \cdot x^8 - 1 \cdot x^7 + 0 \cdot x^6 + 2 \cdot x^5 + 2x^4$