

Wurzeln addieren und subtrahieren



Information für Nutzer dieses Materials

Dieses Dokument ist Teil eines der umfangreichsten, privat betriebenen Online-Portale Deutschlands für Mathematik und wird Ihnen nach dem kostenfreien bzw. kostenpflichtigen Download zur freien Nutzung zur Verfügung gestellt.

Neben den WIKIs zu den einzelnen Themengebieten mit ausführlicher Erläuterung und Beispielen werden umfangreiche Aufgabensammlungen getrennt nach Schwierigkeitsgraden bereitgestellt.

Sollte Ihnen das Material gefallen 🍷 (oder auch 😊 nicht), besuchen Sie uns doch auf unserer Webseite und hinterlassen Sie eine Beurteilung. Oder vielleicht geben Sie uns ja einen Like in einem der sozialen Netzwerke?

gez.: Dr.-Ing. Meinolf Müller
 verantwortlich für den Inhalt gem. § 5 TMG
 von <https://www.fit-in-mathe-online.de>



<u><i>Wurzeln addieren und subtrahieren</i></u>	Seite
<i>WIKI Regeln und Formeln</i>	03
<i>Level 1 Grundlagen</i>	
Aufgabenblatt 1 (22 Aufgaben)	06
Lösungen zum Aufgabenblatt 1	07
Aufgabenblatt 2 (20 Aufgaben)	08
Lösungen zum Aufgabenblatt 2	09
<i>Level 2 Fortgeschritten</i>	
Aufgabenblatt 1 (10 Aufgaben)	10
Lösungen zum Aufgabenblatt 1	11
Aufgabenblatt 2 (15 Aufgaben)	12
Lösungen zum Aufgabenblatt 1	13



Einleitung

Für die Multiplikation von Wurzeln gilt allgemein $\sqrt{a} \cdot \sqrt{b} = \sqrt{a \cdot b}$ mit $a; b \geq 0$. Nun darfst du aber nicht meinen, auf ähnliche Art zwei Wurzeln addieren bzw. subtrahieren zu dürfen. Dies soll dir das folgende Beispiel zeigen.

Beispiel:

Einerseits gilt:

$$\sqrt{9} + \sqrt{16} = 3 + 4 = 7$$

Andererseits gilt:

$$\sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} = 5$$

Daraus folgt:

$$\sqrt{9} + \sqrt{16} \neq \sqrt{9 + 16}$$



Addition von Wurzeln

Wann das Addieren möglich ist

Es können nur Wurzeln mit

- gleichem Radikanten
- gleichem Wurzelexponenten addiert werden.

Merksatz

Allgemein gilt: $\sqrt[n]{a} + \sqrt[n]{b} \neq \sqrt[n]{a+b}$
 bzw. $\sqrt[n]{a+b} \neq \sqrt[n]{a} + \sqrt[n]{b}$

Was bei einem Produkt möglich ist, nämlich die Wurzel gliedweise zu ziehen, ist bei einer Summe **nicht** möglich. Da aber dieser Fehler bis in die höchsten Klassenstufen immer wieder gemacht wird, kann man nicht oft genug darauf hinweisen.

Ziehe niemals die Wurzel gliedweise aus einer Summe!



Für die Addition gilt vielmehr:

Zwei Wurzeln werden addiert, indem man ihre Koeffizienten addiert.

$$a \sqrt[n]{x} + b \sqrt[n]{x} = (a + b) \sqrt[n]{x}$$

Beispiele: $\sqrt{3} + \sqrt{3} = 2 \cdot \sqrt{3}$
 $\sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2} + \sqrt{2} = 5 \cdot \sqrt{2}$
 $\sqrt{x} + 2 \cdot \sqrt{x} = 3 \cdot \sqrt{x}$
 $a \cdot \sqrt[3]{y} + b \cdot \sqrt[3]{y} + c \cdot \sqrt[3]{y} = (a + b + c) \cdot \sqrt[3]{y}$

Wann das Addieren nicht möglich ist

In den folgenden drei Fällen ist das Zusammenfassen von Wurzeln nicht möglich:

- a) Unterschiedlicher Radikant
 $\sqrt[4]{3} + \sqrt[4]{2}$
 $\sqrt[n]{a} + \sqrt[n]{b}$
- b) Unterschiedlicher Wurzelexponent
 $\sqrt[3]{3} + \sqrt[4]{3}$
 $\sqrt[n]{a} + \sqrt[m]{a}$
- c) 2
 $\sqrt[3]{3} + \sqrt[4]{2}$
 $\sqrt[n]{a} + \sqrt[m]{b}$

Subtraktion von Wurzeln

Wann das Subtrahieren möglich ist

Es können nur Wurzeln mit

- gleichem Radikanten
- gleichem Wurzelexponenten subtrahiert werden.

Merksatz

Allgemein gilt: $\sqrt[n]{a} - \sqrt[n]{b} \neq \sqrt[n]{a-b}$
 bzw. $\sqrt[n]{a-b} \neq \sqrt[n]{a} - \sqrt[n]{b}$

Was bei einem Produkt möglich ist, nämlich die Wurzel gliedweise zu ziehen, ist bei einer Differenz **nicht** möglich. Da aber dieser Fehler bis in die höchsten Klassenstufen immer wieder gemacht wird, kann man nicht oft genug darauf hinweisen.

Ziehe niemals die Wurzel gliedweise aus einer Differenz!



Für die Subtraktion gilt vielmehr:

Zwei Wurzeln werden subtrahiert, indem man ihre Koeffizienten subtrahiert.

$$a\sqrt[n]{x} - b\sqrt[n]{x} = (a - b)\sqrt[n]{x}$$

Beispiele: $6\sqrt{3} - 2\sqrt{3} = (6 - 2) \cdot \sqrt{3} = 4 \cdot \sqrt{3}$
 $3\sqrt{5} - \sqrt{5} = (3 - 1) \cdot \sqrt{5} = 2 \cdot \sqrt{5}$
 $\sqrt{3} - \sqrt{3} = (1 - 1) \cdot \sqrt{3} = 0$
 $6 \cdot \sqrt[3]{4} - 3 \cdot \sqrt[3]{4} = (6 - 3) \cdot \sqrt[3]{4} = 3 \cdot \sqrt[3]{4}$
 $6 \cdot \sqrt[4]{6} - 3 \cdot \sqrt[4]{6} - 2 \cdot \sqrt[4]{6} = (6 - 3 - 2) \cdot \sqrt[4]{6} = \sqrt[4]{6}$

Wann das Subtrahieren nicht möglich ist

In den folgenden drei Fällen ist das Zusammenfassen von Wurzeln nicht möglich:

- a) Unterschiedlicher Radikant
 $\sqrt[4]{3} - \sqrt[4]{2}$
 $\sqrt[n]{a} - \sqrt[n]{b}$
- b) Unterschiedlicher Wurzelexponent
 $\sqrt[3]{3} - \sqrt[4]{3}$
 $\sqrt[n]{a} - \sqrt[m]{a}$
- c) Unterschiedlicher Radikant und unterschiedlicher Wurzelexponent
 $\sqrt[3]{3} - \sqrt[4]{2}$
 $\sqrt[n]{a} - \sqrt[m]{b}$

Weitere Möglichkeiten

Teilweises Wurzelziehen kann es ermöglichen, dass gleiche Wurzelradikanten entstehen. Diese kann man dann entsprechend den Regeln der Wurzeladdition bzw. Wurzelsubtraktion zusammenfassen.

Beispiele: $\sqrt{8} + \sqrt{18} = \sqrt{2 \cdot 4} + \sqrt{2 \cdot 9} = 2 \cdot \sqrt{2} + 3 \cdot \sqrt{2} = (2 + 3) \cdot \sqrt{2} = 5\sqrt{2}$
 $\sqrt{27} - \sqrt{12} + \sqrt{3} = \sqrt{3 \cdot 9} - \sqrt{3 \cdot 4} + \sqrt{3} = 3\sqrt{3} - 2\sqrt{3} + \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$
 $\sqrt{175} + \sqrt{252} = \sqrt{7 \cdot 25} + \sqrt{7 \cdot 36} = 5 \cdot \sqrt{7} + 6 \cdot \sqrt{7} = 11\sqrt{7}$

Aufgaben und Übungen zum teilweisen Wurzelziehen siehe Kapitel „Teilweises Wurzelziehen“.

Aufgabe A1

Fasse zusammen.



- | | | | |
|----|--|---|-------|
| a) | $3\sqrt{2} + 5\sqrt{2}$ | = | <hr/> |
| b) | $7\sqrt{5} - 3\sqrt{5}$ | = | <hr/> |
| c) | $3\sqrt{3} + 8\sqrt{3} - 2\sqrt{3}$ | = | <hr/> |
| d) | $4\sqrt{7} - 5\sqrt{7} + 8\sqrt{7} - 6\sqrt{7}$ | = | <hr/> |
| e) | $2\sqrt{13} + 8\sqrt{13} - 15\sqrt{13}$ | = | <hr/> |
| f) | $5\sqrt{10} - 3\sqrt{10} - (8\sqrt{10} + 4\sqrt{10})$ | = | <hr/> |
| g) | $4,2\sqrt{11} - 2,7\sqrt{11} + 0,2\sqrt{11} - \sqrt{11}$ | = | <hr/> |
| h) | $7\sqrt{a} + 4\sqrt{a} - 11\sqrt{a} + 3\sqrt{a}; (a \geq 0)$ | = | <hr/> |
| i) | $\frac{3}{2}\sqrt{2} + \frac{5}{6}\sqrt{2} - \frac{5}{24}\sqrt{2} - \frac{7}{8}\sqrt{2} + \frac{7}{4}\sqrt{2}$ | = | <hr/> |

Aufgabe A2

Fasse zusammen.

- | | | | |
|----|---|---|-------|
| a) | $3\sqrt{2} + 4\sqrt{2}$ | = | <hr/> |
| b) | $9\sqrt{3} - 7\sqrt{3}$ | = | <hr/> |
| c) | $12\sqrt{11} + 5\sqrt{11}$ | = | <hr/> |
| d) | $4\sqrt{6} + 3\sqrt{6} - 2\sqrt{6}$ | = | <hr/> |
| e) | $4\sqrt{x} + 3\sqrt{x}$ | = | <hr/> |
| f) | $14\sqrt{x} - 9\sqrt{x}$ | = | <hr/> |
| g) | $2\sqrt{a} - 3\sqrt{a} - \sqrt{a}; (a \geq 0)$ | = | <hr/> |
| h) | $3\sqrt{x} - 2\sqrt{x} + 4\sqrt{x}; (x \geq 0)$ | = | <hr/> |

Aufgabe A3

Fasse zusammen.

- | | | | |
|----|--|---|-------|
| a) | $2\sqrt{2} - 3\sqrt{3} + 5\sqrt{2} - 8\sqrt{3}$ | = | <hr/> |
| b) | $4\sqrt{5} + 8\sqrt{7} - 3\sqrt{5} + 4\sqrt{3} - 5\sqrt{7}$ | = | <hr/> |
| c) | $0,7\sqrt{a} + 1,3\sqrt{b} - 4,2\sqrt{a} - 2,4\sqrt{b} + 0,4\sqrt{a} - 1,3\sqrt{a}; (a; b \geq 0)$ | = | <hr/> |
| d) | $\frac{4}{5}\sqrt{11} + \frac{2}{3}\sqrt{3} - \frac{4}{15}\sqrt{11} + \frac{5}{6}\sqrt{3}$ | = | <hr/> |
| e) | $5\sqrt{15} - 15\sqrt{5} + 7\sqrt{13} - 8\sqrt{5} + 13\sqrt{13} - 2\sqrt{15}$ | = | <hr/> |

Lösung A1

a)	$3\sqrt{2} + 5\sqrt{2}$	=	$8\sqrt{2}$
b)	$7\sqrt{5} - 3\sqrt{5}$	=	$4\sqrt{5}$
c)	$3\sqrt{3} + 8\sqrt{3} - 2\sqrt{3}$	=	$9\sqrt{3}$
d)	$4\sqrt{7} - 5\sqrt{7} + 8\sqrt{7} - 6\sqrt{7}$	=	$\sqrt{7}$
e)	$2\sqrt{13} + 8\sqrt{13} - 15\sqrt{13}$	=	$-5\sqrt{13}$
f)	$5\sqrt{10} - 3\sqrt{10} - (8\sqrt{10} + 4\sqrt{10})$	=	$-2\sqrt{10}$
g)	$4,2\sqrt{11} - 2,7\sqrt{11} + 0,2\sqrt{11} - \sqrt{11}$	=	$0,7\sqrt{11}$
h)	$7\sqrt{a} + 4\sqrt{a} - 11\sqrt{a} + 3\sqrt{a}; (a \geq 0)$	=	$3\sqrt{a}$
i)	$\frac{3}{2}\sqrt{2} + \frac{5}{6}\sqrt{2} - \frac{5}{24}\sqrt{2} - \frac{7}{8}\sqrt{2} + \frac{7}{4}\sqrt{2}$	=	$3\sqrt{2}$

Lösung A2

a)	$3\sqrt{2} + 4\sqrt{2}$	=	$7\sqrt{2}$
b)	$9\sqrt{3} - 7\sqrt{3}$	=	$2\sqrt{3}$
c)	$12\sqrt{11} + 5\sqrt{11}$	=	$17\sqrt{11}$
d)	$4\sqrt{6} + 3\sqrt{6} - 2\sqrt{6}$	=	$5\sqrt{6}$
e)	$4\sqrt{x} + 3\sqrt{x}$	=	$7\sqrt{x}$
f)	$14\sqrt{x} - 9\sqrt{x}$	=	$5\sqrt{x}$
g)	$2\sqrt{a} - 3\sqrt{a} - \sqrt{a}; (a \geq 0)$	=	$-2\sqrt{a}$
h)	$3\sqrt{x} - 2\sqrt{x} + 4\sqrt{x}; (x \geq 0)$	=	$5\sqrt{x}$

Lösung A3

a)	$2\sqrt{2} - 3\sqrt{3} + 5\sqrt{2} - 8\sqrt{3}$	=	$7\sqrt{2} - 11\sqrt{3}$
b)	$4\sqrt{5} + 8\sqrt{7} - 3\sqrt{5} + 4\sqrt{3} - 5\sqrt{7}$	=	$\sqrt{5} + 3\sqrt{7} + 4\sqrt{3}$
c)	$0,7\sqrt{a} + 1,3\sqrt{b} - 4,2\sqrt{a} - 2,4\sqrt{b} + 0,4\sqrt{a} - 1,3\sqrt{a}; (a; b \geq 0)$	=	$-4,4\sqrt{a} - 1,1\sqrt{b}$
d)	$\frac{4}{5}\sqrt{11} + \frac{2}{3}\sqrt{3} - \frac{4}{15}\sqrt{11} + \frac{5}{6}\sqrt{3}$	=	$\frac{8}{15}\sqrt{11} + \frac{10}{6}\sqrt{3}$
e)	$5\sqrt{15} - 15\sqrt{5} + 7\sqrt{13} - 8\sqrt{5} + 13\sqrt{13} - 2\sqrt{15}$	=	$3\sqrt{15} - 23\sqrt{5} + 20\sqrt{13}$

Aufgabe A1

Fasse zusammen.



- | | | | |
|----|---|---|-------|
| a) | $4\sqrt{3} + 2\sqrt{5} - 2\sqrt{3} + 8\sqrt{5}$ | = | _____ |
| b) | $6\sqrt{7} + 5\sqrt{2} - 3\sqrt{2} + 8\sqrt{7}$ | = | _____ |
| c) | $4\sqrt{11} + 3\sqrt{13} - \sqrt{11} - 4\sqrt{11}$ | = | _____ |
| d) | $9\sqrt{17} + 3\sqrt{21} - 14\sqrt{21} + 6\sqrt{17}$ | = | _____ |
| e) | $5\sqrt{x} + 2\sqrt{y} - 3\sqrt{x} - 4\sqrt{y}$ | = | _____ |
| f) | $5\sqrt{a} + 6\sqrt{b} - 8\sqrt{b} + 7\sqrt{a}$ | = | _____ |
| g) | $8\sqrt{2x} - 7\sqrt{3y} + 5\sqrt{2x} - 3\sqrt{3y}$ | = | _____ |
| h) | $12\sqrt{p} - 3\sqrt{3q} - 5\sqrt{3q} - 6\sqrt{p}$ | = | _____ |
| i) | $5\sqrt{a} - 7(\sqrt{b} + 3\sqrt{a}) - \sqrt{a}$ | = | _____ |
| j) | $5\sqrt{x} - (3\sqrt{x} + \sqrt{y}) - (\sqrt{x} + 2\sqrt{y})$ | = | _____ |
| k) | $-(\sqrt{2a} + 7\sqrt{3b}) - (4\sqrt{2a} - 3\sqrt{3b})$ | = | _____ |
| l) | $\sqrt{x} - (2\sqrt{y} + 3\sqrt{z}) - (\sqrt{x} - \sqrt{y} - \sqrt{z})$ | = | _____ |

Aufgabe A2

Vereinfache durch Zusammenfassung.

- | | | | |
|----|--|---|-------|
| a) | $3^3\sqrt[3]{3} + 7^3\sqrt[3]{3} - 4^3\sqrt[3]{3}$ | = | _____ |
| b) | $11^4\sqrt[4]{5} + 3^4\sqrt[4]{5} - 6^4\sqrt[4]{5}$ | = | _____ |
| c) | $6^n\sqrt[n]{b} + 9^n\sqrt[n]{b} - 20^n\sqrt[n]{b}$ | = | _____ |
| d) | $7^a\sqrt[a]{3b} - 12^a\sqrt[a]{3b} + 3^a\sqrt[a]{3b}$ | = | _____ |
| e) | $5^3\sqrt[3]{12} - 4^5\sqrt[5]{7} + 8^5\sqrt[5]{7} - 6^3\sqrt[3]{12} + 4^5\sqrt[5]{7} - 12^3\sqrt[3]{12}$ | = | _____ |
| f) | $3^4\sqrt[4]{a} - 2^5\sqrt[5]{b} - 6^5\sqrt[5]{b} + 8^4\sqrt[4]{a} + 3^5\sqrt[5]{b} - 7^4\sqrt[4]{a}$ | = | _____ |
| g) | $4a^n\sqrt[n]{x} + 9b^m\sqrt[m]{y} - 3a^n\sqrt[n]{x} + 2b^m\sqrt[m]{y} - 7a^n\sqrt[n]{x} + 3b^m\sqrt[m]{y}$ | = | _____ |
| h) | $2x^a\sqrt[a]{3b} - 4y^c\sqrt[c]{5d} + 6x^a\sqrt[a]{3b} - 5y^c\sqrt[c]{5d} - 6y^c\sqrt[c]{5d} + 14x^a\sqrt[a]{3b}$ | = | _____ |

Lösung A1

a) $4\sqrt{3} + 2\sqrt{5} - 2\sqrt{3} + 8\sqrt{5}$	= $2\sqrt{3} + 10\sqrt{5}$
b) $6\sqrt{7} + 5\sqrt{2} - 3\sqrt{2} + 8\sqrt{7}$	= $14\sqrt{7} + 2\sqrt{2}$
c) $4\sqrt{11} + 3\sqrt{13} - \sqrt{11} - 4\sqrt{11}$	= $3\sqrt{13} - \sqrt{11}$
d) $9\sqrt{17} + 3\sqrt{21} - 14\sqrt{21} + 6\sqrt{17}$	= $15\sqrt{17} - 11\sqrt{21}$
e) $5\sqrt{x} + 2\sqrt{y} - 3\sqrt{x} - 4\sqrt{y}$	= $2\sqrt{x} - 2\sqrt{y}$
f) $5\sqrt{a} + 6\sqrt{b} - 8\sqrt{b} + 7\sqrt{a}$	= $12\sqrt{a} - 2\sqrt{b}$
g) $8\sqrt{2x} - 7\sqrt{3y} + 5\sqrt{2x} - 3\sqrt{3y}$	= $13\sqrt{2x} - 10\sqrt{3y}$
h) $12\sqrt{p} - 3\sqrt{3q} - 5\sqrt{3q} - 6\sqrt{p}$	= $6\sqrt{p} - 8\sqrt{3q}$
i) $5\sqrt{a} - 7(\sqrt{b} + 3\sqrt{a}) - \sqrt{a}$	= $\sqrt{a} - 3\sqrt{y}$
j) $5\sqrt{x} - (3\sqrt{x} + \sqrt{y}) - (\sqrt{x} + 2\sqrt{y})$	= $\sqrt{x} - 3\sqrt{y}$
k) $-(\sqrt{2a} + 7\sqrt{3b}) - (4\sqrt{2a} - 3\sqrt{3b})$	= $-5\sqrt{2a} - 4\sqrt{3b}$
l) $\sqrt{x} - (2\sqrt{y} + 3\sqrt{z}) - (\sqrt{x} - \sqrt{y} - \sqrt{z})$	= $-\sqrt{y} - 2\sqrt{z}$

Lösung A2

a) $3^3\sqrt{3} + 7^3\sqrt{3} - 4^3\sqrt{3}$	= $6^3\sqrt{3}$
b) $11^4\sqrt{5} + 3^4\sqrt{5} - 6^4\sqrt{5}$	= $8^4\sqrt{5}$
c) $6^n\sqrt[n]{b} + 9^n\sqrt[n]{b} - 20^n\sqrt[n]{b}$	= $-5^n\sqrt[n]{b}$
d) $7^a\sqrt[a]{3b} - 12^a\sqrt[a]{3b} + 3^a\sqrt[a]{3b}$	= $6^3\sqrt{3}$
e) $5^3\sqrt[3]{12} - 4^3\sqrt[3]{7} + 8^3\sqrt[3]{7} - 6^3\sqrt[3]{12} + 4^3\sqrt[3]{7} - 12^3\sqrt[3]{12}$	= $-2^a\sqrt[a]{3b}$
f) $3^4\sqrt{a} - 2^5\sqrt{b} - 6^5\sqrt{b} + 8^4\sqrt{a} + 3^5\sqrt{b} - 7^4\sqrt{a}$	= $4^4\sqrt{a} - 5^5\sqrt{b}$
g) $4a^n\sqrt[n]{x} + 9b^m\sqrt[m]{y} - 3a^n\sqrt[n]{x} + 2b^m\sqrt[m]{y} - 7a^n\sqrt[n]{x} + 3b^m\sqrt[m]{y}$	= $-6a^n\sqrt[n]{x} + 14b^m\sqrt[m]{y}$
h) $2x^a\sqrt[a]{3b} - 4y^c\sqrt[c]{5d} + 6x^a\sqrt[a]{3b} - 5y^c\sqrt[c]{5d} - 6y^c\sqrt[c]{5d} + 14x^a\sqrt[a]{3b}$	= $22x^a\sqrt[a]{3b} - 15y^c\sqrt[c]{5d}$

Aufgabe A1

Fasse so weit wie möglich zusammen. Du musst eventuell teilweise die Wurzel ziehen.



a) $\sqrt{5} - 2\sqrt{3} + 3\sqrt{5} - 5\sqrt{3}$

b) $\sqrt{11} + 3\sqrt{15} - 2\sqrt{10} + \sqrt{11} - 5\sqrt{15}$

c) $3\sqrt{27} + 5\sqrt{75} - \sqrt{3}$

d) $6\sqrt{20} - 2\sqrt{24} - 3\sqrt{80} + 4\sqrt{54}$

e) $5\sqrt{162} - 3\sqrt{125} + 2\sqrt{45} - 10\sqrt{50}$

Aufgabe A2

Vereinfache so weit wie möglich. Du musst eventuell teilweise die Wurzel ziehen.

a) $3\sqrt{2} + 2\sqrt{3} - \sqrt{2} + \sqrt{3} - 2\sqrt{2}$

b) $3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} - 5\sqrt{5} + \sqrt{3} + 2\sqrt{5}$

c) $1,5\sqrt{2} + 2,5\sqrt{3} - 4\sqrt{2} + 3\sqrt{3} + 3,5\sqrt{2} - 5,5\sqrt{3}$

d) $2\sqrt{27} + 0,5\sqrt{75} - 4\sqrt{192} - \sqrt{3} + 4\sqrt{675} - 1,5\sqrt{867}$

e) $5,6\sqrt{363} + 5,1\sqrt{343} - 4,4\sqrt{243} - 7,8\sqrt{567} + 2,7\sqrt{1008}$

Lösung A1

- a) $\sqrt{5} - 2\sqrt{3} + 3\sqrt{5} - 5\sqrt{3} = 4\sqrt{5} - 7\sqrt{3}$
- b) $\sqrt{11} + 3\sqrt{15} - 2\sqrt{10} + \sqrt{11} - 5\sqrt{15} = 2\sqrt{11} - 2\sqrt{10} - 2\sqrt{15}$
- c) $3\sqrt{27} + 5\sqrt{75} - \sqrt{3} = 3 \cdot 3\sqrt{3} + 5 \cdot 5\sqrt{3} - \sqrt{3} = 33\sqrt{3}$
- d) $6\sqrt{20} - 2\sqrt{24} - 3\sqrt{80} + 4\sqrt{546} \cdot 2\sqrt{5} - 2 \cdot 2\sqrt{6} - 3 \cdot 4\sqrt{5} + 4 \cdot 3\sqrt{6} = 8\sqrt{6}$
- e) $5\sqrt{162} - 3\sqrt{125} + 2\sqrt{45} - 10\sqrt{50} = 5 \cdot 9\sqrt{2} - 3 \cdot 5\sqrt{5} + 2 \cdot 3\sqrt{5} - 10 \cdot 5\sqrt{2}$
 $= -5\sqrt{2} - 9\sqrt{5}$

Lösung A2

- a) $3\sqrt{2} + 2\sqrt{3} - \sqrt{2} + \sqrt{3} - 2\sqrt{2} = 3\sqrt{3}$
- b) $3\sqrt{5} + 2\sqrt{3} - 5\sqrt{5} + \sqrt{3} + 2\sqrt{5} = 3\sqrt{3}$
- c) $1,5\sqrt{2} + 2,5\sqrt{3} - 4\sqrt{2} + 3\sqrt{3} + 3,5\sqrt{2} - 5,5\sqrt{3} = \sqrt{2}$
- d) $2\sqrt{27} + 0,5\sqrt{75} - 4\sqrt{192} - \sqrt{3} + 4\sqrt{675} - 1,5\sqrt{867} =$
 $2\sqrt{3 \cdot 9} + 0,5\sqrt{3 \cdot 25} - 4\sqrt{3 \cdot 64} - \sqrt{3} + 4\sqrt{3 \cdot 225} - 1,5\sqrt{3 \cdot 289} =$
 $2 \cdot 3\sqrt{3} + 0,5 \cdot 5\sqrt{3} - 4 \cdot 8\sqrt{3} - \sqrt{3} + 4 \cdot 15\sqrt{3} - 1,5 \cdot 17\sqrt{3} =$
 $6\sqrt{3} + 2,5\sqrt{3} - 32\sqrt{3} - \sqrt{3} + 60\sqrt{3} - 25,5\sqrt{3} = 10\sqrt{3}$
- e) $5,6\sqrt{363} + 5,1\sqrt{343} - 4,4\sqrt{243} - 7,8\sqrt{567} + 2,7\sqrt{1008} =$
 $5,6\sqrt{3 \cdot 121} + 5,1\sqrt{7 \cdot 49} - 4,4\sqrt{3 \cdot 81} - 7,8\sqrt{7 \cdot 81} + 2,7\sqrt{7 \cdot 144} =$
 $5,6 \cdot 11\sqrt{3} + 5,1 \cdot 7\sqrt{7} - 4,4 \cdot 9\sqrt{3} - 7,8 \cdot 9\sqrt{7} + 2,7 \cdot 12\sqrt{7} =$
 $61,6\sqrt{3} + 35,7\sqrt{7} - 39,6\sqrt{3} - 70,2\sqrt{7} + 32,4\sqrt{7} = 22\sqrt{3} - 2,1\sqrt{7}$

Aufgabe A1

Vereinfache, indem du zunächst teilweise die Wurzel ziehst.



a) $3\sqrt{2} + 5\sqrt{8}$

b) $7\sqrt{3} - 2\sqrt{27}$

c) $\sqrt{75} - \sqrt{27}$

d) $2\sqrt{96} + 3\sqrt{150}$

e) $2\sqrt{6} - 4\sqrt{20} + 5\sqrt{24} + 6\sqrt{5}$

f) $3\sqrt{48} + 7\sqrt{32} - \sqrt{128} + \sqrt{108}$

g) $4\sqrt{45} - 3\sqrt{5} - 2\sqrt{20} + 2\sqrt{605}$

h) $7\sqrt{600} + 8\sqrt{28} - 13\sqrt{150} - 5\sqrt{63}$

i) $3\sqrt{405} + 5\sqrt{245} - 7\sqrt{320}$

j) $4\sqrt{108} + \sqrt{98} + 7\sqrt{75} - 0,5\sqrt{450}$

k) $0,7\sqrt{80} + 1,4\sqrt{363} + 1,1\sqrt{500} - 2,2\sqrt{147}$

l) $\sqrt{75} + \sqrt{360} - \sqrt{48}$

m) $5\sqrt{x^3} + 2\sqrt{x} + \sqrt{9x}; x \geq 0$

n) $7a\sqrt{a} + 8\sqrt{a^3} - 5\sqrt{a} - \sqrt{64a}; a \geq 0$

o) $3\sqrt{252} + 7\sqrt{99} - 2\sqrt{175} - 8\sqrt{44}$

Lösung A1

- a) $3\sqrt{2} + 5\sqrt{8} = 3\sqrt{2} + 5\sqrt{2 \cdot 4} = 3\sqrt{2} + 5 \cdot 2\sqrt{2} = 3\sqrt{2} + 10\sqrt{2} = 13\sqrt{2}$
- b) $7\sqrt{3} - 2\sqrt{27} = 7\sqrt{3} - 2\sqrt{3 \cdot 9} = 7\sqrt{3} - 2 \cdot 3\sqrt{3} = 7\sqrt{3} - 6\sqrt{3} = \sqrt{3}$
- c) $\sqrt{75} - \sqrt{27} = \sqrt{25 \cdot 3} - \sqrt{9 \cdot 3} = 5\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$
- d) $2\sqrt{96} + 3\sqrt{150} = 2\sqrt{16 \cdot 6} + 3\sqrt{25 \cdot 6} = 2 \cdot 4\sqrt{6} + 3 \cdot 5\sqrt{6} = 8\sqrt{6} + 15\sqrt{6} = 23\sqrt{6}$
- e) $2\sqrt{6} - 4\sqrt{20} + 5\sqrt{24} + 6\sqrt{5} = 2\sqrt{6} - 4\sqrt{4 \cdot 5} + 5\sqrt{4 \cdot 6} + 6\sqrt{5} =$
 $2\sqrt{6} - 4 \cdot 2\sqrt{5} + 5 \cdot 2\sqrt{6} + 6\sqrt{5} = 2\sqrt{6} - 8\sqrt{5} + 10\sqrt{6} + 6\sqrt{5} = 8\sqrt{6} - 2\sqrt{5}$
- f) $3\sqrt{48} + 7\sqrt{32} - \sqrt{128} + \sqrt{108} = 3\sqrt{16 \cdot 3} + 7\sqrt{16 \cdot 2} - \sqrt{64 \cdot 2} + \sqrt{36 \cdot 3} =$
 $3 \cdot 4\sqrt{3} + 7 \cdot 4\sqrt{2} - 8\sqrt{2} + 4\sqrt{3} = 12\sqrt{3} + 28\sqrt{2} - 8\sqrt{2} + 4\sqrt{3} = 16\sqrt{3} + 20\sqrt{2}$
- g) $4\sqrt{45} - 3\sqrt{5} - 2\sqrt{20} + 2\sqrt{605} = 4\sqrt{9 \cdot 5} - 3\sqrt{5} - 2\sqrt{4 \cdot 5} + 2\sqrt{121 \cdot 5} =$
 $4 \cdot 3\sqrt{5} - 3\sqrt{5} - 2 \cdot 2\sqrt{5} + 2 \cdot 11\sqrt{5} = 12\sqrt{5} - 3\sqrt{5} - 4\sqrt{5} + 22\sqrt{5} = 27\sqrt{5}$
- h) $7\sqrt{600} + 8\sqrt{28} - 13\sqrt{150} - 5\sqrt{63} = 7\sqrt{100 \cdot 6} + 8\sqrt{4 \cdot 7} - 13\sqrt{25 \cdot 6} - 5\sqrt{9 \cdot 7} =$
 $7 \cdot 10\sqrt{6} + 8 \cdot 2\sqrt{7} - 13 \cdot 5\sqrt{6} - 5 \cdot 3\sqrt{7} = 70\sqrt{6} + 16\sqrt{7} - 65\sqrt{6} - 15\sqrt{7} = 5\sqrt{6} + \sqrt{7}$
- i) $3\sqrt{405} + 5\sqrt{245} - 7\sqrt{320} = 3\sqrt{81 \cdot 5} + 5\sqrt{49 \cdot 5} - 7\sqrt{64 \cdot 5} =$
 $3 \cdot 9\sqrt{5} + 5 \cdot 7\sqrt{5} - 7 \cdot 8\sqrt{5} = 27\sqrt{5} + 35\sqrt{5} - 56\sqrt{5} = 6\sqrt{5}$
- j) $4\sqrt{108} + \sqrt{98} + 7\sqrt{75} - 0,5\sqrt{450} = 4\sqrt{36 \cdot 3} + \sqrt{49 \cdot 2} + 7\sqrt{25 \cdot 3} - 0,5\sqrt{225 \cdot 2} =$
 $4 \cdot 6\sqrt{3} + 7\sqrt{2} + 7 \cdot 5\sqrt{3} - 0,5 \cdot 15\sqrt{2} = 24\sqrt{3} + 7\sqrt{2} + 35\sqrt{3} - 7,5\sqrt{2} = 59\sqrt{3} - 0,5\sqrt{2}$
- k) $0,7\sqrt{80} + 1,4\sqrt{363} + 1,1\sqrt{500} - 2,2\sqrt{147} =$
 $0,7\sqrt{16 \cdot 5} + 1,4\sqrt{121 \cdot 3} + 1,1\sqrt{100 \cdot 5} - 2,2\sqrt{49 \cdot 3} =$
 $0,7 \cdot 4\sqrt{5} + 1,4 \cdot 11\sqrt{3} + 1,1 \cdot 10\sqrt{5} - 2,2 \cdot 7\sqrt{3} =$
 $2,8\sqrt{5} + 15,4\sqrt{3} + 11\sqrt{5} - 15,4\sqrt{3} = 13,8\sqrt{5}$
- l) $\sqrt{75} + \sqrt{360} - \sqrt{48} = \sqrt{25 \cdot 3} + \sqrt{36 \cdot 10} - \sqrt{16 \cdot 3} = 5\sqrt{3} + 6\sqrt{10} - 4\sqrt{3} = \sqrt{3} + 6\sqrt{10}$
- m) $5\sqrt{x^3} + 2\sqrt{x} + \sqrt{9x} = 5x\sqrt{x} + 2\sqrt{x} + 3\sqrt{x} = \sqrt{x}(5x + 2 + 3) = \sqrt{x}(5x + 5) = 5\sqrt{x}(x + 1)$
- n) $7a\sqrt{a} + 8\sqrt{a^3} - 5\sqrt{a} - \sqrt{64a} = 7a\sqrt{a} + 8a\sqrt{a} - 5\sqrt{a} - 8\sqrt{a} = 15a\sqrt{a} - 13\sqrt{a}$
- o) $3\sqrt{252} + 7\sqrt{99} - 2\sqrt{175} - 8\sqrt{44} = 3\sqrt{36 \cdot 7} + 7\sqrt{9 \cdot 11} - 2\sqrt{25 \cdot 7} - 8\sqrt{4 \cdot 11} =$
 $3 \cdot 6\sqrt{7} + 7 \cdot 3\sqrt{11} - 2 \cdot 5\sqrt{7} - 8 \cdot 2\sqrt{11} = 18\sqrt{7} + 21\sqrt{11} - 10\sqrt{7} - 16\sqrt{11} = 8\sqrt{7} + 5\sqrt{11}$