



Aufgabe A1/2020

1. Ein Architekt plant ein modernes Museum. Im Modell hat das Museum eine rechteckige Grundfläche mit den Eckpunkten $A_1(0|0|0)$, $B_1(10|0|0)$, $C_1(10|5|0)$, $D_1(0|5|0)$ und ein Dach, das aus den vier Eckpunkten $A_2(0|0|2)$, $B_2(10|0|2)$, $C_2(10|6|2)$ und $D_2(0|5,5|2,5)$ gebildet wird.
Die von der Grundfläche zum Dach verlaufenden Kanten des Modells verbinden Punkte gleichen Buchstabens, z.B. ist A_1 mit A_2 verbunden. Eine Längeneinheit im Modell entspricht 10 Meter (m).
- 1.1 Zeichnen Sie das Modell in ein geeignetes Koordinatensystem. (4 P)
- 1.2 Die Vorderseite des Modells (d.h. der Schnitt mit der Ebene $x_1 = 10$) bildet ein Trapez. Diese Fläche soll zu 80 % aus einem Spezialglas bestehen, das 400 Euro pro m^2 kostet.
Berechnen Sie die hierfür zu kalkulierenden Kosten. (3 P)
- 1.3 Die Kante $\overline{A_2C_2}$ teilt das Dach in zwei dreieckige Flächen. Bestimmen Sie den Winkel den diese beiden Flächen im Innern des Modells bilden. (4 P)
- 1.4 Im Punkt C_2 soll ein Laser installiert werden, der den Laserstrahl in Richtung $\overline{C_1C_2}$ geradlinig in den Himmel schickt. Entsprechend soll im Punkt D_2 ein weiterer Laser mit Laserstrahl in Richtung $\overline{D_1D_2}$ installiert werden.
- 1.4.1 Geben Sie für jeden der beiden Laserstrahlen eine Gleichung der entsprechenden Geraden an. (2 P)
- 1.4.2 Bestimmen Sie die Höhe über der Grundfläche, in der diese beiden Laserstrahlen genau 212,5 m voneinander entfernt sind. (2 P)

Aufgabe A1/2021

1. In einem Museum gibt es einen quaderförmigen Raum, in dem ein Kunstwerk in Pyramidenform ausgestellt wird. Die Seitenflächen der Pyramide sind undurchsichtig. Im Modell liegt der Boden des Raums in einem Teil der x_1x_2 -Ebene mit $x_2 \geq 0$. Die quadratische Grundfläche $ABCD$ der Pyramide hat die Eckpunkte $A(0|4|0)$, $B(4|4|0)$, $C(4|8|0)$ und D . Die Spitze S der Pyramide liegt vier Längeneinheiten senkrecht über dem Schnittpunkt der beiden Diagonalen der Grundfläche. Eine Längeneinheit entspricht einem Meter (m).
 - 1.1 Begründen Sie, dass die Spitze der Pyramide im Punkt $S(2|6|4)$ liegt. (2P)
 - 1.2 Zeichnen Sie die Pyramide in ein räumliches Koordinatensystem ein. (3P)
 - 1.3 Die Seitenflächen der Pyramide werden mit einem Material beschichtet, das 1500 Euro pro Quadratmeter kostet. Ermitteln Sie die Kosten dieser Beschichtung. (2P)
- 1.4 Der Raum wird nach einer Seite hin durch eine fensterlose Wand begrenzt, die Teil der x_1x_3 -Ebene mit $x_3 \geq 0$ ist. Die gegenüberliegende Wand besteht aus Glas. Vormittags trifft Sonnenlicht durch die Glaswand ein. Das Sonnenlicht verläuft in Richtung des Vektors $\vec{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ -10 \\ -8 \end{pmatrix}$ und verursacht einen Schatten der gesamten Pyramide. Untersuchen Sie, ob dieser Schatten auf die fensterlose Wand trifft. (4P)
- 1.5 Im Punkt $K(0|9|3)$ ist eine Überwachungskamera angebracht, wobei die Pyramide die Überwachung des gesamten Raumes verhindert. Ein punktförmiges Objekt bewegt sich vom Punkt $P(5|4|2)$ aus in Richtung des Vektors \overrightarrow{AC} . Bestimmen Sie die Koordinaten des Punktes Q , an dem das Objekt von der Kamera erstmalig erfasst werden kann.

Abituraufgaben Vektorgeometrie BG (Teil 4) ab 2020-2021

Aufgabe A2/2021

2. Ein Flugzeug befindet sich im Landeanflug. Dieser wird modelliert durch g mit

$$g: \vec{x} = \begin{pmatrix} -48 \\ -48 \\ 3,1 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 4 \\ 4 \\ -0,2 \end{pmatrix}; \quad 0 \leq t \leq 15$$

Hierbei ist t die Zeit in Minuten ($t = 0$ ist der Beginn des Landeanflugs) und die Längeneinheit ist Kilometer (km).

Die x_3 -Koordinate ist die Flughöhe über dem Meeresspiegel.

- 2.1 Die Spitze des Flughafenturms befindet sich in $S(11|14|0,13)$. Berechnen Sie, wie weit das Flugzeug eine Minute nach Beginn des Landeanflugs von der Spitze des Flughafenturms entfernt ist. (3P)

- 2.2 In einem Flugraum ist ständig mit anderen Flugzeugen zu rechnen. Dieser Flugraum wird zylinderförmig modelliert, wobei der Radius $0,8 km$ ist und die Rotationsachse durch die Gerade h mit

$$h: \vec{x} = \begin{pmatrix} -40 \\ -40 \\ 3,6 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}; \quad s \in \mathbb{R}$$

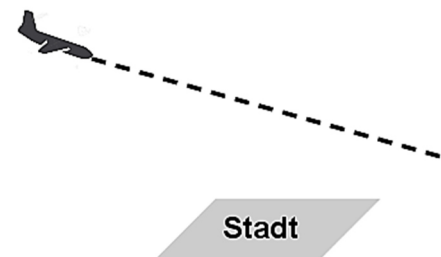
beschrieben wird. Untersuchen Sie, ob das Flugzeug während seines Landeanflugs in diesen Flugraum eintritt. (3P)

- 2.3 Die horizontale Landebahn befindet sich auf 100 Meter Höhe über dem Meeresspiegel. Ermitteln Sie den Landepunkt und den Winkel, unter dem das Flugzeug auf der Landebahn aufsetzt. (3P)

- 2.4 Vor der Landung wurde eine Stadt überflogen. Diese Stadt wird modelliert durch das Rechteck $ABCD$. Es sind $A(0|0|0,2)$ und $C(11|4|0,2)$. Das Rechteck liegt in der Ebene mit der Gleichung $x_3 = 0,2$ und seine Seiten sind parallel zur x_1 -Achse bzw. x_2 -Achse.

- 2.4.1 Geben sie die Koordinaten der Punkte B und D an. (2P)

- 2.4.2 Aus Sicherheitsgründen muss das Flugzeug stets mindestens $300 m$ über der Stadt fliegen (siehe Abbildung). Prüfen Sie, ob das Flugzeug diese Mindesthöhe über der Stadt einhält. (4P)



Powered by GEOGEBRA.org