

Lösung 1/M03

$$\frac{0,01 \cdot 10^6}{2^4 \cdot 5^4} = \frac{0,01 \cdot 10^6}{(2 \cdot 5)^4} = \frac{0,01 \cdot 10^6}{10^4} = 0,01 \cdot 10^2 = 1$$

Lösung 2/M03

Die weiße Fläche berechnet sich aus der Fläche des Rechtecks abzüglich der Dreiecksflächen A_1 und A_2 .

$$A_{\text{Rechteck}} = a \cdot b = 6 \cdot 12 = 72 \text{ cm}^2$$

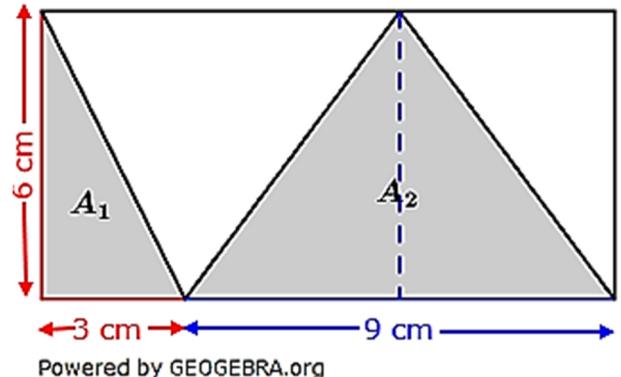
$$A_1 = \frac{1}{2} \cdot g \cdot h_g = \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot 6 = 9 \text{ cm}^2$$

$$A_2 = \frac{1}{2} \cdot g \cdot h_g = \frac{1}{2} \cdot 9 \cdot 6 = 27 \text{ cm}^2$$

$$A_{\text{weiß}} = A_{\text{Rechteck}} - A_1 - A_2$$

$$A_{\text{weiß}} = 72 - 9 - 27 = 36 \text{ cm}^2$$

Der Inhalt der weißen Fläche beträgt 36 cm^2 .



Lösung 3/M03

Liegender Quader:

200 ml Wasser sind 200 cm^3 Wasser.

$V_{\text{Quader}} = a \cdot b \cdot c$ mit c als Höhe des Wasserstandes. Das Volumen soll 200 cm^3 sein:

$$a \cdot b \cdot c = 200$$

$$15 \cdot 5 \cdot c = 200 \quad | \quad : 75$$

$$c = \frac{200}{75} = 2,8$$

Im liegenden Quader steht das Wasser 2,8 cm hoch.

Stehender Quader:

$V_{\text{Quader}} = a \cdot b \cdot c$ mit c als Höhe des Wasserstandes.

$$a \cdot b \cdot c = 200$$

$$5 \cdot 5 \cdot c = 200 \quad | \quad : 25$$

$$c = \frac{200}{25} = 8,0$$

Im stehenden Quader steht das Wasser 8 cm hoch.

Lösung 4/M03

Die Wahrscheinlichkeit für eine Würfelseite beträgt $p_{\text{Seite}} = \frac{1}{6}$. Dann gilt:

$$P(2 \text{ Würfen}) = p_{\text{Seite}} \cdot p_{\text{Seite}} = \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = \left(\frac{1}{6}\right)^2 = \frac{1}{36}$$

Die Wahrscheinlichkeit für „zweimal Grau“ soll $\frac{4}{9} = \frac{16}{36} = \frac{4}{6} \cdot \frac{4}{6}$ betragen.

Somit müssen 4 Seitenflächen des Würfels grau sein.

Lösung 5/M03

$\cos(125^\circ)$ und $\cos(235^\circ)$ sind gleich groß, da $180^\circ - 125^\circ = 55^\circ$ gleich groß ist wie $235^\circ - 180^\circ = 55^\circ$.

Lösung 6/M03

$$V_{Quader} = a \cdot b \cdot c = 3 \cdot 5 \cdot 8 = 120 \text{ cm}^3$$

$$V_{Pyr} = \frac{1}{3} \cdot G \cdot h_{Pyr} = \frac{1}{3} \cdot 6 \cdot 6 \cdot h_{Pyr} = 12 \cdot h_{Pyr}$$

$$V_{Pyr} = V_{Quader} = 120$$

$$12 \cdot h_{Pyr} = 120$$

$$h_{Pyr} = 10 \text{ cm}$$

Die Höhe der Pyramide beträgt 10 cm.

Lösung 7/M03

Die Grafik verdeutlicht die Situation.

Wir benötigen zunächst den Schnittpunkt von g mit der x -Achse und der y -Achse. Hieraus ergeben sich dann die Strecken für die Grundseite und die Höhe auf die Grundseite des rechtwinkligen Dreiecks.

Schnittpunkt mit der y -Achse:

Der Schnittpunkt mit der y -Achse lässt sich über die Zahl am Ende der Geradengleichung ablesen:

$S_y(0|6)$ in der Grafik mit C bezeichnet.

Schnittpunkt mit der x -Achse:

Im Schnittpunkt mit der y -Achse ist $y = 0$.

$$\frac{3}{4}x + 6 = 0 \quad | \quad -6$$

$$\frac{3}{4}x = -6 \quad | \quad \cdot \frac{4}{3}$$

$$x = -8$$

$N(-8|0)$ in der Grafik mit A bezeichnet.

Der Ursprung hat die Koordinaten $B(0|0)$.

$$A_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot \overline{AB} \cdot \overline{BC} = \frac{1}{2} \cdot 8 \cdot 6 = 24$$

Das Dreieck hat eine Fläche von 24 FE.

