# Pflichtteilaufgaben

Realschulabschluss BW Pflichtteil 2019

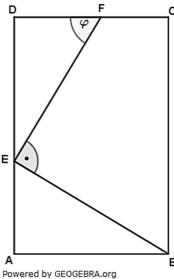
# Aufgabe P1/2019

Im Rechteck ABCD gilt:

$$\overline{AB}$$
 = 6,6 cm  
 $\overline{EF}$  = 7,2 cm  
 $\varphi$  = 59,0°

Berechnen Sie den Umfang des Vierecks EBCF.

Lösung: 
$$u_{EBCF} = 27,9 cm$$





# Aufgabe P2/2019

Das Dreieck ABC und das Rechteck ABDF überdecken sich teilweise.

Es gilt:

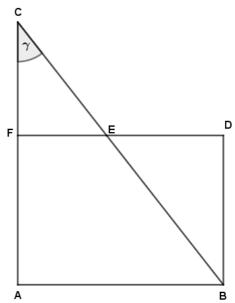
$$\overline{CE} = 6.3 cm$$

$$\overline{DE} = 5.1 cm$$

$$\gamma = 38.0^{\circ}$$

Berechnen Sie den Flächeninhalt des Trapezes ABEF.

Lösung: 
$$A_{ABEF} = 42.0 cm^2$$



Powered by GEOGEBRA.org

# Aufgabe P3/2019

Ein zusammengesetzter Körper besteht aus einem Würfel und zwei quadratischen Pyramiden.

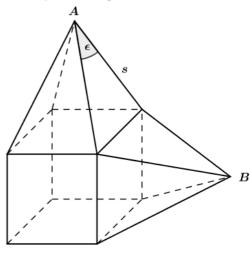
Die Pyramiden haben die gleiche Höhe. Es gilt:

$$s = 8.5 cm$$
  
 $\epsilon = 41.4 ^{\circ}$ 

Berechnen Sie den Oberflächeninhalt des zusammengesetzten Körpers.

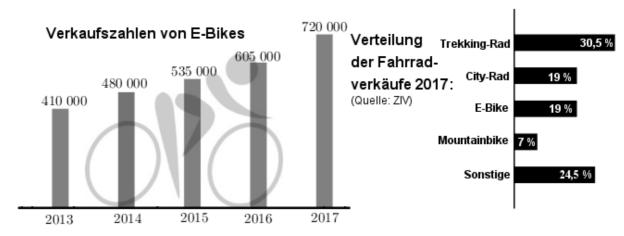
Wie weit sind die Pyramiden-spitzen A und B voneinander entfernt?

Lösung: 
$$O_{K\"{o}rper} = 334.8 cm^2$$
  
 $\overline{AB} = 14.7 cm$ 



# Aufgabe P4/2019

In Deutschland boomt der Verkauf von E-Bikes.



Powered by GEOGEBRA.org

- Um wie viel Prozent ist der Verkauf von E-Bikes von 2013 bis 2017 insgesamt
- Berechnen Sie die Anzahl aller Fahrräder, die im Jahr 2017 verkauft wurden.
- In einer Fachzeitschrift war zu lesen, dass 22 % der im Jahr 2017 verkauften Mountainbikes eine Vollfederung hatten. Wie viele Mountainbikes hatten eine Vollfederung?

Lösungen: Anstieg E-Bikes von 2013 bis 2017: 75,6 % Anzahl aller verkauften Fahrräder in 2017: 3.789.473 Stück Anzahl Mountainbikes mit Vollfederung: 58.358 Stück

# Aufgabe P5/2019

Lösen Sie das folgende Gleichungssystem:

$$(1) \quad \frac{x+2}{4} - y = 6$$

(2) 
$$7 - (x - 2y) = y$$

$$\mathbb{L} = \{(2; -5)\}$$

# Aufgabe P6/2019

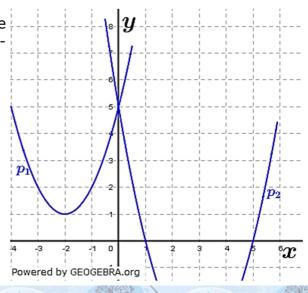
Gegeben sind eine Wertetabelle, Graphen von zwei verschobenen Normalparabeln und drei Funktionsgleichungen.

(A) 
$$y = x^2 - 6x + 5$$

(A) 
$$y = x^2 - 6x + 5$$
  
(B)  $y = x^2 - 2x + 5$   
(C)  $y = x^2 + 4x + 5$ 

(C) 
$$y = x^2 + 4x + 5$$

Zur Wertetabelle gehören einer der beiden Graphen sowie eine der drei Funktionsgleichungen.





- Ordnen Sie der Wertetabelle ihren Graphen und ihre Funktionsgleichung zu. Begründen Sie Ihre Entscheidung.
- Im Schaubild fehlet der Graph  $p_3$  der dritten Parabel. Zeichnen Sie den fehlenden Graphen  $p_3$  in das Koordinatensystem ein.

Lösungen: Die Wertetabelle und Gleichung (A) gehören zum Graphen  $p_2$ .

Funktionsgleichung (C) gehört zum Graphen  $p_1$ .

# Aufgabe P7/2019

In einem Kaugummiautomat befinden sich 10 rote, 9 weiße und 6 grüne Kaugummis. Betätigt man den Drehgriff, erhält man einen Kaugummi. Luisa dreht zweimal.



- zuerst einen roten und dann einen weißen Kaugummi?
- keinen grünen Kaugummi?
- Von den 25 Kaugummis sind die Hälfte der roten und die Hälfte der grünen mit Brause gefüllt.

Mit welcher Wahrscheinlichkeit erhält Luisa zwei mit Brause gefüllte Kaugummis?



Lösungen: 
$$P(erst\ rot\ und\ dann\ weiß) = \frac{3}{20} = 15\ \%$$

$$P(keinen\ gr\"{u}nen) = \frac{57}{100} = 57\ \%$$

$$P(zwei\ mit\ Brause) = \frac{7}{25} = 28\ \%$$

# Aufgabe P8/2019

Die beiden Ranglisten zeigen die monatlichen Vergütungen von zwei Berufsgruppen im ersten Ausbildungsjahr. 17 Jugendliche machen eine Ausbildung in einem technischen Beruf und 13 Jugendliche in einem kaufmännischen Beruf. (Alle Angaben in Euro)

 Ausbildungsvergütung in technischen Berufen

 760 | 780 | 800 | 820 | 820 | 840 | 840 | 860 | 890 | 910 | 910 | 920 | 920 | 920 | 950 | 960 | 970

 Ausbildungsvergütung in kaufmännischen Berufen

 760 | 770 | 820 | 820 | 840 | 880 | 890 | 910 | 920 | 940 | 940 | 950 | 970



Powered by GEOGEBRA.org





- Zu welcher Rangliste gehört der dargestellte Boxplot? Begründen Sie.
- Zeichnen Sie den Boxplot der anderen Berufsgruppe ein.
- Vier Jugendliche, die eine kaufmännische Ausbildung machen, werden nachträglich befragt. Sie verdienen monatlich 800 €, 850 €, 900 € und 950 €.
   Wie verändert sich der zugehörige Boxplot, wenn diese Werte hinzukommen? Begründen Sie.

Lösungen: Der Boxplot gehört zur Berufsgruppe der technischen Berufe.

Durch die Erweiterung verändern sich die Kennwerte nicht.

Dr.-Ing. Meinolf Müller / webmaster@fit-in-mathe-online.de

# Lösung P1/2019

## Lösungslogik

Umfang ist Summe der Strecken  $\overline{EB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{EF}$  und  $\overline{FC}$ . Wir erkennen, dass der  $\not \in AEB$  ebenfalls so groß ist wie der gegebene Winkel  $\varphi$ .

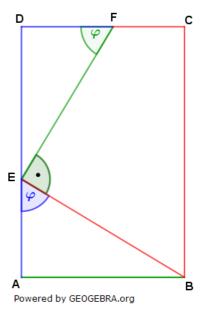
Berechnung von  $\overline{EB}$  im Dreieck ABE über  $sin(\varphi)$ . Berechnung von  $\overline{BC}$  über die Summe aus  $\overline{AE}$  und  $\overline{ED}$ .

Berechnung von  $\overline{AE}$  mit dem Satz des Pythagoras im Dreieck AED.

Berechnung von  $\overline{ED}$  im Dreieck EDF über den  $\sin(\varphi)$ .

Berechnung von  $\overline{FC}$  über die Differenz von  $\overline{AB}$  und  $\overline{DF}$ .

Berechnung von  $\overline{\mathit{DF}}$  über Satz des Pythagoras im Dreieck  $\mathit{EDF}$ .



## Klausuraufschrieb

$$u = \overline{EB} + \overline{BC} + \overline{EF} + \overline{FC}$$

$$\triangleleft$$
 AEB:  $\triangleleft$  AEB =  $\varphi$  = 59,0 °

$$\overline{EB}$$
:  $sin(\varphi) = \frac{\overline{AB}}{\overline{EB}}$ 

$$\overline{EB} = \frac{\overline{AB}}{\sin(\varphi)} = \frac{6.6}{\sin(59^\circ)} = 7.6997$$

$$\overline{BC}$$
:  $\overline{BC} = \overline{AE} + \overline{ED}$ 

$$\overline{AE} = \sqrt{\overline{EB}^2 - \overline{AB}^2} = \sqrt{7,7^2 - 6,6^2} = 3,966$$

$$sin(\varphi) = \frac{\overline{ED}}{\overline{EF}}$$

$$| \cdot \overline{EF}$$

$$\overline{ED} = \overline{EF} \cdot sin(\varphi) = 7.2 \cdot sin(59^{\circ}) = 6.17$$

$$\overline{BC} = 3,966 + 6,17 = 10,136$$

$$\overline{FC}$$
:  $\overline{FC} = \overline{AB} - \overline{DF}$ 

$$\overline{DF} = \sqrt{\overline{EF}^2 - \overline{ED}^2} = \sqrt{7,2^2 - 6,17^2} = 3,71$$

$$\overline{FC} = 6.6 - 3.71 = 2.89$$

*u*: 
$$u = \overline{EB} + \overline{BC} + \overline{EF} + \overline{FC} = 7,6997 + 10,136 + 7,2 + 2,89 = 27,9257 cm$$

Der Umfang des Vierecks EBCF beträgt 27,9 cm.



## Lösungslogik mittels Sinussatz

Umfang ist Summe der Strecken  $\overline{EB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{EF}$  und  $\overline{FC}$ . Wir erkennen, dass der  $\sphericalangle$  AEB ebenfalls so groß ist wie der gegebene Winkel  $\varphi$ .

Berechnung von  $\overline{\it EB}$  im Dreieck  $\it ABE$  über den Sinussatz.

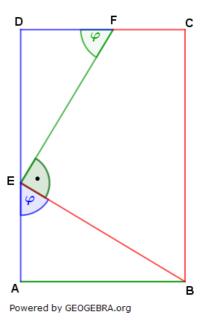
Berechnung von  $\overline{BC}$  über die Summe aus  $\overline{AE}$  und  $\overline{ED}$ .

Berechnung von  $\overline{AE}$  mit dem Satz des Pythagoras im Dreieck  $\overline{AED}$ .

Berechnung von  $\overline{\it ED}$  im Dreieck  $\it EDF$  über den Sinussatz.

Berechnung von  $\overline{FC}$  über die Differenz von  $\overline{AB}$  und  $\overline{DF}$ .

Berechnung von  $\overline{\mathit{DF}}$  über Satz des Pythagoras im Dreieck  $\mathit{EDF}$ .



#### Klausuraufschrieb mittels Sinussatz

$$\overline{u = \overline{EB} + \overline{BC} + \overline{EF} + \overline{FC}}$$

$$\triangleleft$$
 *AEB*:  $\triangleleft$  *AEB* =  $\varphi$  = 59,0 °

$$\overline{EB}: \qquad \frac{\overline{EB}}{\sin 90^{\circ}} = \frac{\overline{AB}}{\sin \varphi} \qquad | \qquad \cdot \sin 90^{\circ}$$

$$\overline{EB} = \frac{\overline{AB}}{\sin 90^{\circ}} = \frac{6.6}{\sin 90^{\circ}} = 7.6007$$

$$\overline{EB} = \frac{\overline{AB}}{\sin\varphi} \cdot \sin 90^{\circ} = \frac{6.6}{\sin(59^{\circ})} = 7,6997$$

$$\overline{BC}: \overline{BC} = \overline{AE} + \overline{ED}$$

$$BC = AE + ED$$

$$\overline{AE}$$
:  $\overline{AE} = \sqrt{\overline{EB}^2 - \overline{AB}^2} = \sqrt{7,7^2 - 6,6^2} = 3,966$ 

$$\overline{ED}: \qquad \frac{ED}{\sin\varphi} = \frac{EF}{\sin 90^{\circ}} \qquad | \qquad \cdot \sin\varphi$$

$$\overline{ED} = \frac{\overline{EF}}{\sin 90^{\circ}} \cdot \sin\varphi = 7,2 \cdot \sin 59^{\circ} = 6,17$$

$$\overline{BC}$$
:  $\overline{BC} = 3,966 + 6,17 = 10,136$ 

$$\overline{FC}$$
:  $\overline{FC} = \overline{AB} - \overline{DF}$ 

$$\overline{DF} = \sqrt{\overline{EF}^2 - \overline{ED}^2} = \sqrt{7,2^2 - 6,17^2} = 3,71$$

$$\overline{FC} = 6,6 - 3,71 = 2,89$$

$$u: u = \overline{EB} + \overline{BC} + \overline{EF} + \overline{FC} = 7,6997 + 10,136 + 7,2 + 2,89 = 27,9257 \ cm$$

Der Umfang des Vierecks EBCF beträgt 27,9 cm.



# Lösung P2/2019

## Lösungslogik

Umfang ist Summe der Strecken  $\overline{EB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{EF}$  und  $\overline{FC}$ . Wir erkennen, dass der  $\not \in AEB$  ebenfalls so groß ist wie der gegebene Winkel  $\varphi$ .

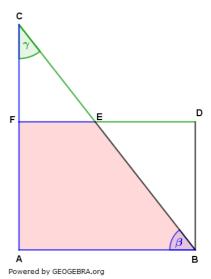
Berechnung von  $\overline{EB}$  im Dreieck ABE über  $sin(\varphi)$ . Berechnung von  $\overline{BC}$  über die Summe aus  $\overline{AE}$  und  $\overline{ED}$ .

Berechnung von  $\overline{AE}$  mit dem Satz des Pythagoras im Dreieck AED.

Berechnung von  $\overline{ED}$  im Dreieck EDF über den  $\sin(\varphi)$ .

Berechnung von  $\overline{FC}$  über die Differenz von  $\overline{AB}$  und  $\overline{DF}$ .

Berechnung von  $\overline{\mathit{DF}}$  über Satz des Pythagoras im Dreieck  $\mathit{EDF}$ .



#### Klausuraufschrieb

$$\overline{u = \overline{EB} + \overline{BC} + \overline{EF} + \overline{FC}}$$

$$\triangleleft$$
 *AEB*:  $\triangleleft$  *AEB* =  $\varphi$  = 59,0 °

$$\overline{EB}$$
:  $sin(\varphi) = \frac{\overline{AB}}{\overline{EB}}$ 

$$\overline{EB} = \frac{\overline{AB}}{\sin{(\varphi)}} = \frac{6.6}{\sin{(59^\circ)}} = 7.6997$$

$$\overline{BC}$$
:  $\overline{BC} = \overline{AE} + \overline{ED}$ 

$$\overline{AE} = \sqrt{\overline{EB}^2 - \overline{AB}^2} = \sqrt{7,7^2 - 6,6^2} = 3,966$$

$$sin(\varphi) = \frac{\overline{ED}}{\overline{EF}}$$

$$\overline{EF}$$

$$\overline{ED} = \overline{EF} \cdot \sin(\varphi) = 7.2 \cdot \sin(59^{\circ}) = 6.17$$

$$\overline{BC}$$
 = 3,966 + 6,17 = 10,136

$$\overline{FC}$$
:  $\overline{FC} = \overline{AB} - \overline{DF}$ 

$$\overline{DF} = \sqrt{\overline{EF}^2 - \overline{ED}^2} = \sqrt{7,2^2 - 6,17^2} = 3,71$$

$$\overline{FC} = 6.6 - 3.71 = 2.89$$

*u*: 
$$u = \overline{EB} + \overline{BC} + \overline{EF} + \overline{FC} = 7,6997 + 10,136 + 7,2 + 2,89 = 27,9257 cm$$

Der Umfang des Vierecks EBCF beträgt 27,9 cm.

## Lösungslogik über Sinussatz

Die Fläche des Trapezes ABEF errechnet sich aus:

$$A_{ABEF} = \frac{1}{2} \cdot \left( \overline{AB} + \overline{FE} \right) \cdot \overline{AF}.$$

Berechnung von  $\beta$  über die Winkelsumme im Dreieck ABC.

Berechnung von  $\overline{FE}$  im Dreieck FEC über den Sinussatz.

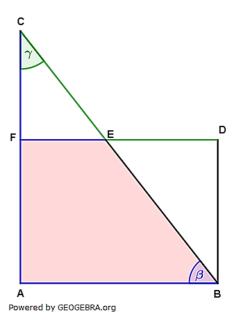
Berechnung von  $\overline{AB}$  über die Summe aus  $\overline{FE}$  und  $\overline{DE}$ .

Berechnung von  $\overline{AC}$  im Dreieck ABC über den Sinussatz.

Berechnung von  $\overline{\mathit{FC}}$  im Dreieck  $\mathit{FEC}$  mit dem Satz des Pythagoras.

Berechnung von  $\overline{AF}$  über die Differenz von  $\overline{AC}$  und  $\overline{FC}$ .

Berechnung der Fläche  $A_{ABEF}$ .



## Klausuraufschrieb über Sinussatz

$$\overline{A_{ABEF} = \frac{1}{2} \cdot \left(\overline{AB} + \overline{FE}\right) \cdot \overline{AF}}$$

$$\beta$$
:  $\beta = 90^{\circ} - \gamma = 90^{\circ} - 38^{\circ} = 52^{\circ}$ 

$$\overline{FE}: \qquad \frac{\overline{FE}}{\sin \gamma} = \frac{\overline{CE}}{\sin 90^{\circ}} \qquad | \qquad \cdot \sin \gamma$$

$$\overline{FE} = \frac{\overline{CE}}{\sin 90^{\circ}} \cdot \sin(\gamma) = 6.3 \cdot \sin(38^{\circ}) = 3.8787$$

$$\overline{AB}$$
:  $\overline{AB} = \overline{FE} + \overline{DE} = 3,8787 + 5,1 = 8,9787$ 

$$\overline{AC}: \qquad \frac{\overline{AC}}{\sin\beta} = \frac{\overline{AB}}{\sin\gamma} \qquad | \qquad \cdot \sin\beta$$

$$\overline{AC} = \frac{\overline{AB}}{\sin\gamma} \cdot \sin\beta = \frac{8,9787}{\sin38^{\circ}} \cdot \sin52^{\circ} = 11,4922$$

$$\overline{FC}$$
:  $\overline{FC} = \sqrt{\overline{CE}^2 - \overline{FE}^2} = \sqrt{6.3^2 - 3.8787^2} = 4.9644$ 

$$\overline{AF}$$
:  $\overline{AF} = \overline{AC} - \overline{FC} = 11,4922 - 4,9644 = 6,5278$ 

$$A_{ABEF}$$
:  $A_{ABEF} = \frac{1}{2} \cdot (8,9787 + 3,8787) \cdot 6,5278 = 41,9653$ 

Die Fläche des Trapezes ABEF beträgt 42,0 cm<sup>2</sup>

Dr.-Ing. Meinolf Müller / webmaster@fit-in-mathe-online.de





# Lösung P3/2019

## Lösungslogik

#### Oberfläche:

Die Oberfläche besteht aus Seitenflächen des Würfels sowie zwei Mantelflächen der Pyramide (die Grundflächen der Pyramide verdecken zwei Seitenflächen des Würfels, sodass diese nicht zur Oberfläche gehören).

$$O_{K\"{o}rper} = 4 \cdot a^2 + 2 \cdot 2a \cdot h_s$$

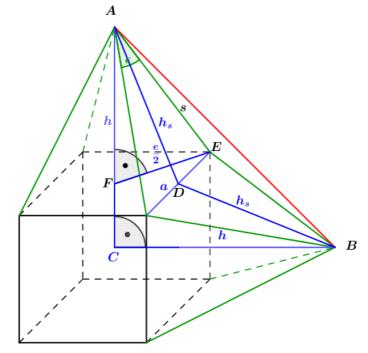
Berechnung von  $\frac{a}{2}$  über den  $\sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right)$ im Dreieck DEA.

Berechnung von  $h_s$  über den Satz des Pythagoras im Dreieck DEA.

Berechnung von  $O_{K\"{o}rper}$ .

## Länge der Strecke $\overline{AB}$ :

In nebenstehender Grafik erkennen wir, dass das Dreieck rechtwinklig ist mit einem rechten Winkel bei C. Weiterhin gilt, dass  $\overline{AC} = \overline{BC}$ .



$$\overline{AB} = \sqrt{2 \cdot \overline{AC}^2} = \overline{AC} \cdot \sqrt{2}$$

Berechnung von  $\overline{AC}$  aus der Summe von  $\overline{FC}$  und  $\overline{AF}$ .

$$\overline{AF} = h_{Pyr}$$

Berechnung von  $\frac{e}{3}$  als halbe Diagonale einer Würfelseitenfläche.

Berechnung von  $h_{Pyr}$  über den Satz des Pythagoras im Dreieck AFE.

Der Punkt C liegt im Würfelmittelpunkt, damit ist  $\overline{FC} = \frac{a}{2}$ .

## <u>Klausuraufschrieb</u>

$$\overline{O_{K\ddot{o}rper} = 4 \cdot a^2 + 2 \cdot 2} a \cdot h_s$$

a: 
$$sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = \frac{\frac{a}{2}}{s}$$
 |  $sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = \frac{a}{s}$  |  $sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = 8.5 \cdot sin(20.7^{\circ}) = 3.0$   
 $sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = 8.5 \cdot sin(20.7^{\circ}) = 3.0$   
 $sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = 8.5 \cdot sin(20.7^{\circ}) = 3.0$   
 $sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = \frac{a}{s}$   
 $sin\left(\frac{\epsilon}{2}\right) = \frac{a}{s}$ 

$$h_s$$
:  $h_s = \sqrt{s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{8,5^2 - 3^2} = 7,95$ 

 $O_{K\"{o}rper} = 4 \cdot a^{2} + 2 \cdot 2a \cdot h_{s} = 4 \cdot 6^{2} + 4 \cdot 6 \cdot 7,95 = 144 + 190,8 = 334,8$ 

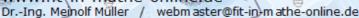
Die Oberfläche des zusammengesetzten Köpers beträgt 334,8 cm<sup>2</sup>

$$\overline{AB}$$
:  $\overline{AB} = \sqrt{2 \cdot \overline{AC}^2} = \overline{AC} \cdot \sqrt{2}$ 

$$\overline{AC}$$
:  $\overline{AC} = \overline{FC} + \overline{AF}$ 

$$\overline{FC}$$
:  $\overline{FC} = \frac{a}{2} = 3.0$ 

www.fit-in-mathe-online.de





$$\overline{AF}$$
:  $\overline{AF} = h_{Pyr}$ 

$$h_{Pyr} = \sqrt{s^2 - \left(\frac{e}{2}\right)^2}$$

Satz des Pythagoras

$$e = a \cdot \sqrt{2} = 6 \cdot \sqrt{2}$$

$$e = a \cdot \sqrt{2} = 6 \cdot \sqrt{2}$$

Diagonale einer Würfelseite

$$\frac{e}{2} = 3 \cdot \sqrt{2}$$

$$h_{Pyr} = \sqrt{8,5^2 - \left(3 \cdot \sqrt{2}\right)^2} = 7,365$$

$$\overline{AC}$$
:  $\overline{AC} = \overline{FC} +$ 

$$\overline{AC} = \overline{FC} + \overline{AF} = 3.0 + 7.365 = 10.365$$

$$\overline{AB}$$
:  $\overline{AB} = \overline{AC} \cdot \sqrt{2} = 10,365 \cdot \sqrt{2} = 14,66$ 

Die Entfernung der Punkte A und B beträgt 14,7 cm.

# Lösung P4/2019

Anstieg E-Bikes von 2013 bis 2017:

Der Grafik entnimmst du, dass 410 000 E-Bikers in 2013 und 720 000 E-Bikes in 2017 verkauft wurden. Der Wert von 2013 ist der Grundwert, der von 2017 ist der Prozenztwert. Gesucht ist der Prozentzsatz.

$$p = \frac{P}{G} = \frac{720000}{410000} = 1,7561 = 175,6 \%$$

In 2017 wurden 175,6 % der E-Bikes von 2013 verkauft. Diers ist ein Anstieg um 75,6 %.

Anzahl aller verkauften Fahrräder in 2017:

Der Grafik entnimmst du, dass die 720 000 E-Bikes in 2017 19 % aller verkauften Fahrräder waren. Die 720 000 E-Bikes sind damit Prozentwert bei einem Prozentsatz von 19 %. Gesucht ist somit der Grundwert.

$$G = \frac{P}{p} = \frac{720000}{0,19} = 3789473,7$$

In 2017 wurden insgesamt 3.789.473 Fahrräder verkauft.

Anzahl Mountainbikes mit Vollfederung:

Der Grafik entnimmst du, dass 7 % aller in 2017 verkauften Fahrräder Mountain-Bikes waren. Von diesen waren laut Aufgabenstellung 22 % mit Vollfederung versehen.

Wir bestimmen zunächst die Gesamtanzahl verkaufter Mountain-Bikes in

$$P = G \cdot \frac{p\%}{100} = 3789473 \cdot \frac{7\%}{100} = 265263,11$$

In wurden somit insgesamt 265263 Mountain-Bikes verkauft. Davon sind mit Vollfederung versehen:

$$P = G \cdot \frac{p\%}{100} = 265263 \cdot \frac{22\%}{100} = 58357,86$$

58.358 der in 2017 verkauften Mountain-Bikes sind mit Vollfederung versehen.





# Lösung P5/2019

(1) 
$$\frac{x+2}{4} - y = 6$$

(2) 
$$7 - (x - 2y) = y$$

$$(1) x + 2 - 4y = 24$$

$$(2) 7 - x + 2y = y$$

(1) 
$$x - 4y = 22$$
  
(2)  $7 - x + y = 0$ 

$$(1) x - 4y = 22$$

$$(2) \qquad \frac{-x+y=-7}{}$$

(1)+(2) 
$$-3y = 15$$
  
 $y = -5$ 

(2) 
$$-x - 5 = -7$$
$$-x = -2$$
$$x = 2$$
$$\mathbb{L} = \{(2; -5)\}$$

| –Klammer auflösen

$$-y$$

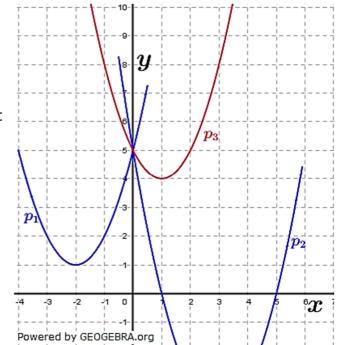
# Lösung P6/2019

## Lösungslogik

Suche aus der Wertetabelle die beiden Punkte  $P_1(0|5)$  und  $P_2(1|0)$  in der Graphik. Die beiden Punkte gehören zur Parabel  $p_2$ .

Berechne von allen drei gegebenen Normalparabeln die Scheitelpunkte über die quadratische Ergänzung. Jetzt kannst du  $p_1$  und  $p_2$  problemlos den Graphen zuordnen.

Zeichne abschließend noch die Parabel  $p_3$  in das Koordinatensystem ein.



#### Klausuraufschrieb

Aus Wertetabelle:

 $P_1(0|5)$  und  $P_2(1|0)$ 

Die beiden Punkte und damit die Wertetabelle gehören zum Graphen  $p_2$ .

#### Scheitelpunkte:

(A) 
$$y = x^2 - 6x + 5$$
  
 $y = (x - 3)^2 - 9 + 5$   
 $y = (x - 3)^2 - 4$   
 $S_A(3|-4)$ 

(B) 
$$y = x^2 - 2x + 5$$
  
 $y = (x - 1)^2 - 1 + 5$   
 $y = (x - 1)^2 + 4$   
 $S_R(1|4)$ 

(C) 
$$y = x^2 + 4x + 5$$
  
 $y = (x + 2)^2 - 4 + 5$   
 $y = (x + 2)^2 + 1$   
 $S_C(-2|1)$ 

Über die Scheitelpunkte ergibt sich:

Funktionsgleichung (A) gehört zum Graphen  $p_2$ .

Funktionsgleichung (C) gehört zum Graphen  $p_1$ .

Funktionsgleichung (B) gehört zum Graphen  $p_3$ .

# Lösung P7/2019

## <u>Lösungslogik</u>

Bei allen Ereignissen handelt es sich um Ziehen OHNE Zurücklegen.

Zuerst einen roten, dann einen weißen Kaugummi:

Für Rot im ersten Zug gilt  $\frac{10}{25}$ . Für Weiß im zweiten Zug gilt  $\frac{9}{24}$  (Ziehen ohne Zurücklegen, es sind zwar weiterhin 9 weiße Kaugummi im Automaten, aber insgesamt nur noch 24 Kaugummi.

## Keinen grünen Kaugummi:

Wir bezeichnen die roten und weißen Kaugummi als "NICHT grün", sodass für den ersten Zug "nicht grün" gilt  $\frac{19}{25}$  und für den zweiten Zug "nicht grün" gilt  $\frac{18}{24}$ .

## Zwei mit Brause gefüllte Kaugummis:

Wir teilen die roten und grünen Kugeln je zur Hälfte auf in 5 rote mit Kaugummi und 5 rote mit Brause, sowie 3 grüne mit Kaugummi und 3 grüne mit Brause. Der Ergebnisraum des Zufall-Versuches ist dann:

$$\Omega = \{r_{Brause}r_{Brause}; g_{Brause}g_{Brause}; r_{Brause}g_{Brause}; g_{Brause}r_{Brause}\}$$

#### Klausuraufschrieb

Zuerst einen roten, dann einen weißen Kaugummi:

$$P(rot) = \frac{10}{25}$$
 im ersten Zug,  $P(weiß) = \frac{9}{24}$  im zweiten Zug.

$$P(erst\ rot, dann\ weiß) = \frac{10}{25} \cdot \frac{9}{24} = \frac{3}{20} = 15\%$$

Die Wahrscheinlichkeit, zuerst einen roten und dann einen weißen Kaugummi zu ziehen beträgt 15 %.

## Keinen grünen Kaugummi:

Rote und weiße Kaugummi bilden zusammen die "Nicht grünen" Kaugummis.

$$P(keinen\ gr"unen) = P(gr"un; gr"un) = \frac{19}{25} \cdot \frac{18}{24} = \frac{57}{100} = 57\%$$

Die Wahrscheinlichkeit, keinen grünen Kaugummi zu ziehen beträgt 57 %.

## Zwei mit Brause gefüllte Kaugummis:

Rote Brause (rb) = 5 Kugeln, grüne Brause (gb) = 3 Kugeln.

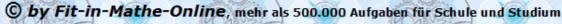
Die möglichen Ereignisse sind:

Zwei rb oder zwei gb oder einmal rb dann gb bzw. umgekehrt erst gb dann rb.

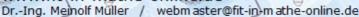
$$P(zweima\ Brause) = P(rbrb; gbgb; rbgb; gbrb) = \frac{5}{25} \cdot \frac{4}{24} + \frac{3}{25} \cdot \frac{2}{24} + 2 \cdot \frac{5}{25} \cdot \frac{3}{24} = \frac{20 + 6 + 30}{600}$$

$$P(zweima\ Brause) = \frac{7}{25} = 9,33 \%$$

Die Wahrscheinlichkeit, zwei Brausekugeln zu ziehen beträgt 28 %.



www.fit-in-mathe-online.de







# Lösung P8/2019

#### Lösungslogik

Wir berechnen die Zentralwerte sowie die oberen Quartile an Hand der gegebenen Ranglisten und vergleichen die Ergebnisse mit den beiden Boxplots. Daraus leiten wir die Entscheidung ab, welches Boxplot zu welcher Berufsgruppe gehört.

Zeichnung zweites Boxplot:

Siehe Klausuraufschrieb

Ergänzung der kaufmännischen Rangliste:

Wir stellen fest, an welchen Rangplätzen die Hinzufügungen erfolgen und prüfen, ob sich dadurch ein neuer Zentralwert bzw. andere Quartile ergeben.

#### Klausuraufschrieb

Rangliste technische Berufsausbildung:

Die Rangliste hat n = 17 Elemente.

Zentralwert:

$$\frac{n}{2} = \frac{17}{2} = 8.5 \implies \text{Der Zentralwert steht auf Platz } 9, z = 890.$$

Unteres Quartil:

$$\frac{n}{4} = \frac{17}{4} = 4,25 \implies$$
 Das untere Quartil steht auf Platz 5,  $q_u = 820$ 

Oberes Quartil:

$$\frac{3}{4}n = \frac{3}{4} \cdot 17 = 12,75 \implies$$
 Das obere Quartil steht auf Platz 13,  $q_o = 920$ 

Minimum min = 760

Maximum max = 970

Rangliste kaufmännische Berufe:

Die Rangliste hat n = 13 Elemente.

Zentralwert:

$$\frac{n}{2} = \frac{13}{2} = 6.5 \implies$$
 Der Zentralwert steht auf Platz 7,  $z = 890$ .

Unteres Quartil:

$$\frac{n}{4} = \frac{13}{4} = 3,25 \implies$$
 Das untere Quartil steht auf Platz 4,  $q_u = 820$ 

Oberes Quartil:

$$\frac{3}{4}n = \frac{3}{4} \cdot 13 = 9,75 \implies$$
 Das obere Quartil steht auf Platz 10,  $q_o = 940$ 

Minimum min = 760

Maximum max = 970

Zentralwert, Minimum, Maximum und unteres Quartil sind bei beiden Ranglisten identisch. Lediglich das obere Quartil weist einen Unterschied auf.

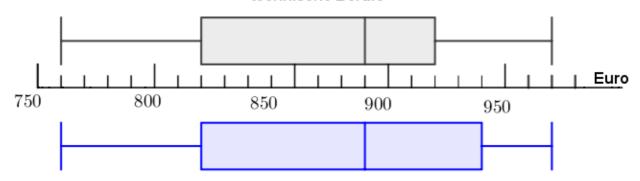
Der Boxplot gehört zur Berufsgruppe der technischen Berufe mit einem oberen Quartilswert von 920 €.





Boxplot der kaufmännischen Berufe:

#### technische Berufe



kaufmännische Berufe

Powered by GEOGEBRA.org

Erweiterung der kaufmännischen Rangliste:

760 | 770 | 800 | 820 | 820 | 840 | 850 | 880 | 890 | 900 | 910 | 920 | 940 | 940 | 950 | 950 | 970

Die Rangliste hat nun n = 17 Elemente.

Zentralwert:

 $\frac{n}{2} = \frac{17}{2} = 8.5 \implies$  Der Zentralwert steht auf Platz 9, z = 890.

Unteres Ouartil:

 $\frac{n}{4} = \frac{17}{4} = 4,25 \implies$  Das untere Quartil steht auf Platz 5,  $q_u = 820$ 

Oberes Quartil:

 $\frac{3}{4}n=\frac{3}{4}\cdot 17=12{,}75\implies$  Das obere Quartil steht auf Platz 13,  $q_o=940$ 

Minimum: min = 760Maximum: max = 970

Durch die Erweiterung verändern sich Kennwerte nicht.

