

RS-Abschlussaufgaben Pflichtteil zu quadratischen Pyramiden

Lösungen

Realschulabschluss quadratische Pyramiden (Pflichtteil) ab 2003

Lösung P2/2003

Lösungslogik

Berechnung des Volumens des quadratischen Prismas über die Volumenformel.

Bestimmung des Volumens der Pyramide.

Berechnung der Höhe der Pyramide über die Volumenformel der Pyramide.

Klausuraufschrieb

$$V_{Prisma}: V_{Prisma} = G \cdot h = a^2 \cdot h = 3^2 \cdot 5 = 45$$

$$V_{Pyr}: V_{Pyr} = 0,5 \cdot V_{Prisma} = 0,5 \cdot 45 = 22,5$$

$$h_{Pyr}: V_{Pyr} = \frac{1}{3} a^2 \cdot h_{Pyr} \quad | \quad \cdot 3; : a^2$$

$$h_{Pyr} = \frac{3 \cdot V_{Pyr}}{a^2} = \frac{3 \cdot 22,5}{9} = 7,5$$

Die Höhe der Pyramide beträgt 7,5 cm.

Lösung P1/2005

Lösungslogik

Berechnung der Grundkante a der Pyramide über die Mantelformel.

Berechnung der Höhe h der Pyramide über den Satz des Pythagoras.

Berechnung des Volumens der Pyramide über die Volumenformel.

Klausuraufschrieb

$$a: M_{Pyr} = 2 \cdot a \cdot h_s \quad | \quad : (2 \cdot h_s)$$

$$a = \frac{M_{Pyr}}{2 \cdot h_s} = \frac{54,9}{2 \cdot 6,1} = 4,5$$

$$h: h = \sqrt{h_s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{6,1^2 - 2,25^2} \quad | \quad \text{Satz des Pythagoras}$$

$$h = \sqrt{32,1475} = 5,67$$

$$V: V = \frac{1}{3} \cdot a^2 \cdot h = \frac{1}{3} \cdot 4,5^2 \cdot 5,67 = 38,3$$

Das Volumen der Pyramide beträgt $38,3 \text{ cm}^3$.

Lösung P1/2007

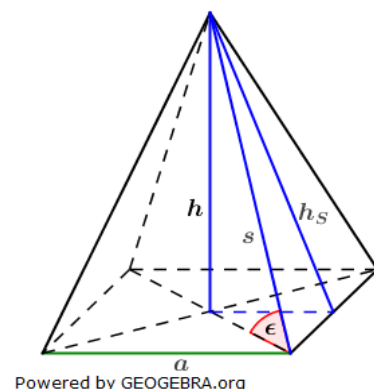
Lösungslogik

Berechnung von h_s über die Mantelformel der Pyramide

Berechnung von h über den Satz des Pythagoras.

Berechnung von s über den Satz des Pythagoras.

Berechnung des Neigungswinkels ϵ über den \sin .



Klausuraufschrieb

$$h_s: M = 2 \cdot a \cdot h_s \quad | \quad : (2a)$$

$$h_s = \frac{M}{2 \cdot a} = \frac{63}{2 \cdot 4,2} = 7,5$$

$$h: h = \sqrt{h_s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{7,5^2 - 2,1^2} \quad | \quad \text{Satz des Pythagoras}$$

$$h = \sqrt{51,84} = 7,2$$

$$s: s = \sqrt{h_s^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{7,5^2 + 2,1^2} \quad | \quad \text{Satz des Pythagoras}$$

$$s = \sqrt{60,66} = 7,79$$

RS-Abschlussaufgaben Pflichtteil zu quadratischen Pyramiden

Lösungen

Realschulabschluss quadratische Pyramiden (Pflichtteil) ab 2003

$$\epsilon: \quad \sin \epsilon = \frac{h}{s} = \frac{7,2}{7,79} = 0,9243$$

$$\epsilon = \sin^{-1}(0,9243) = 67,56^\circ$$

Der Neigungswinkel ϵ hat $67,6^\circ$.

Lösung P3/2011

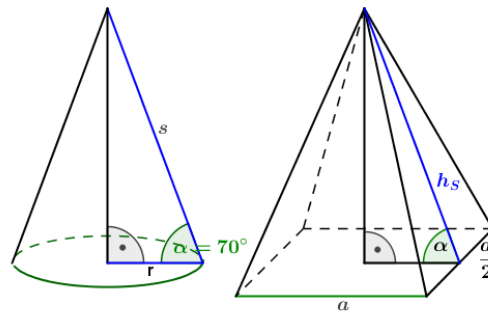
Lösungslogik

Pyramide:

Berechnung von $d = 2r$ über die Kreisfläche des Kegels.
Berechnung von h_s über $\cos \alpha$.
Berechnung von O_{Pyramide} über die Oberflächenformel.

Kegel:

Berechnung von s über $\cos \alpha$.
Berechnung von O_{Kegel} über die Oberflächenformel.



Powered by GEOGEBRA.org

Klausuraufschrieb

$$O_{\text{Pyramide}} = a^2 + 2 \cdot a \cdot h_s$$

$$d: \quad G_K = \pi \cdot r^2 \quad | \quad : \pi; \sqrt{\quad}$$

$$r = \sqrt{\frac{G_K}{\pi}} = \sqrt{\frac{78,5}{\pi}} = 5,0$$

$$d = 2 \cdot r = 10,0 = a$$

$$h_s: \quad \cos \alpha = \frac{\frac{a}{2}}{h_s} \quad | \quad \cdot h_s; : \cos \alpha$$

$$h_s = \frac{\frac{a}{2}}{\cos \alpha} = \frac{5}{\cos 70^\circ} = 14,62$$

$$O_{\text{Pyr}}: \quad O_{\text{Pyr}} = 10^2 + 2 \cdot 10 \cdot 14,62 = 392,4$$

$$O_{\text{Kegel}} = \pi r^2 + \pi \cdot r \cdot s$$

$$s: \quad s = h_s = 14,62$$

$$O_{\text{Keg}}: \quad O_{\text{Keg}} = \pi \cdot 5^2 + \pi \cdot 5 \cdot 14,62 = 308,2$$

Die beiden Oberflächen von Kegel und Pyramide sind nicht gleich groß.

Lösung P2/2012

Lösungslogik

Berechnung von h_s über den $\tan \frac{\gamma}{2}$.

Berechnung von h über den Satz des Pythagoras.

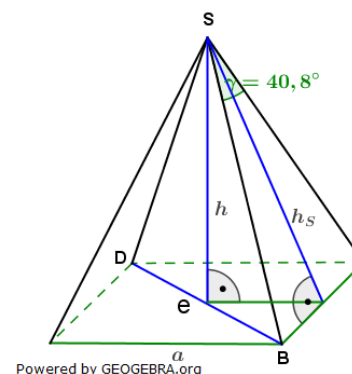
Berechnung der Diagonalen e der Grundfläche.

Berechnung der Oberfläche der Pyramide über die Oberflächenformel.

Halbierung der Oberfläche.

Berechnung der Dreiecksfläche BSD .

Berechnung der Oberfläche der Pyramidenhälfte.



Powered by GEOGEBRA.org

RS-Abschlussaufgaben Pflichtteil zu quadratischen Pyramiden

Lösungen

Realschulabschluss quadratische Pyramiden (Pflichtteil) ab 2003

Klausuraufschrieb

$$O_{\text{Halb}} = \frac{O_{\text{Pyramide}}}{2} + A_{\text{BSD}}$$

$$O_{\text{Halb}} = \frac{a^2 + 2 \cdot a \cdot h_s}{2} + \frac{1}{2} \cdot e \cdot h$$

$$h_s: \quad \tan \frac{\gamma}{2} = \frac{\frac{a}{2}}{h_s} \quad | \quad \cdot h_s; : \tan \frac{\gamma}{2}$$

$$h_s = \frac{\frac{a}{2}}{\tan \frac{\gamma}{2}} = \frac{4,3}{\tan 20,4^\circ} = 11,56$$

$$h: \quad h = \sqrt{h_s^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2} = \sqrt{11,56^2 - 4,3^2} \quad | \quad \text{Satz des Pythagoras}$$

$$h = \sqrt{115,1436} = 10,73$$

$$e: \quad e = a \cdot \sqrt{2} = 8,6 \cdot \sqrt{2} = 12,16$$

$$O_{\text{Halb}}: \quad O_{\text{Halb}} = \frac{8,6^2 + 2 \cdot 8,6 \cdot 11,56}{2} + \frac{1}{2} \cdot 12,16 \cdot 10,73 = 136,396 + 65,2384$$

$$O_{\text{Halb}} = 201,63$$

Die Oberfläche einer der beiden Pyramidenhälften beträgt etwa 202 cm^2 .