Aufgabenblatt Ableitungen zur Produkt und Quotientenregel

Level 3 - Expert -

Aufgabe A1

Bilde die 1. und 2. Ableitung der gegebenen Funktionsgleichungen mit Hilfe der Quotientenregel. Beachte, dass du in manchen Fällen auch die Kettenregel benötigst. Vereinfache die 1. Ableitung bevor du die 2. Ableitung bildest.



a)
$$f(x) = \frac{\sqrt{x}}{(x-1)^4}$$

b)
$$f(x) = \frac{x^2}{(1-x)^5}$$

c)
$$f(x) = \frac{\sqrt{x}}{5 + \sqrt{x}}$$

d)
$$f(x) = \frac{3x^5 - 2x}{\sin(x)}$$

f) $f(x) = \frac{5\sqrt{x} + 3x}{5x}$

e)
$$f(x) = \frac{\sqrt{x}}{5x + \frac{1}{x}}$$

$$f(x) = \frac{5\sqrt{x} + 3x}{5x}$$

Aufgabe A2

Bilde die 1. Ableitung der gegebenen Funktionsgleichungen mit Hilfe der Quotientenregel. Beachte, dass du in manchen Fällen auch die Kettenregel benötigst. Vereinfache dein Ergebnis so weit wie möglich.

a)
$$f(x) = \frac{\frac{2}{3}x^3}{5x^2 - x + 7}$$

b)
$$f(x) = \frac{\frac{2}{x^2} - 1}{x + 5}$$

c)
$$f(x) = \frac{5\sqrt{x} + 3x}{5x + 7}$$

d)
$$f(x) = \frac{x+5}{-\frac{1}{x^2} + \frac{1}{10}x}$$

e)
$$f(x) = \frac{7x^5 + x^2 - 2x}{x^7 + 3x}$$

f)
$$f_a(t) = \frac{\sin(at) + at}{t^2}$$

Aufgabe A3

Berechne die Steigung der Funktionen f_n an der angegebenen Stelle x_0 .

a)
$$f_1(x) = \frac{\frac{1}{x}+1}{3x+5}$$
; $x_0 = -1$

b)
$$f_2(x) = \frac{2x^6}{\frac{1}{x^3} - \frac{1}{x^4}}; \ x_0 = 2$$

c)
$$f_3(x) = \frac{\sqrt{x}}{5x^2 + \frac{1}{x^2}}; \ x_0 = 1$$

d)
$$f_4(x) = \frac{\frac{1}{8}x^3 + \frac{6}{5}x}{\frac{2}{5}x - 8}; \quad x_0 = 0$$

Aufgabe A4 🧾

An welcher Stelle verlaufen die Graphen der Funktionen f und g parallel? Welche Steigung haben die Tangenten an dieser Stelle?

a)
$$f(x) = \frac{x+3x^2}{2x-1}$$

$$g(x) = \frac{1}{(2x-1)}$$

b)
$$f(x) = \frac{\frac{1}{2}x^2 + 8x}{x^2 - 4x}$$

$$g(x) = 3x + 2$$